



**МИНИСТЕРСТВО СЕЛЬСКОГО ХОЗЯЙСТВА РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ
ФЕДЕРАЛЬНОЕ ГОСУДАРСТВЕННОЕ БЮДЖЕТНОЕ
ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЕ УЧРЕЖДЕНИЕ
ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ
«Казанский государственный аграрный университет»
(ФГБОУ ВО КАЗАНСКИЙ ГАУ)**

Институт механизации и технического сервиса
Кафедра физики и математики

УТВЕРЖДАЮ

Проректор по учебно-
воспитательной работе и
молодёжной политике, доцент
А.В. Дмитриев

«24» мая 2023 г.



**ФОНД ОЦЕНОЧНЫХ СРЕДСТВ
ДЛЯ ПРОВЕДЕНИЯ ПРОМЕЖУТОЧНОЙ АТТЕСТАЦИИ ОБУЧАЮЩИХСЯ
ПО ДИСЦИПЛИНЕ**

**«Математическое моделирование»
(Оценочные средства и методические материалы)**

приложение к рабочей программе дисциплины

Направление подготовки
35.03.06 Агроинженерия

Направленность (профиль) подготовки
Технические системы в агробизнесе

Форма обучения
очная, заочная

Казань – 2023

Составитель:

доцент, к.т.н.

Должность, ученая степень, ученое звание

Подпись

Зиннатуллина Алсу Наилевна

Ф.И.О.

Оценочные средства обсуждены и одобрены на заседании кафедры физики и математики «24» апреля 2023 года (протокол № 8)

Заведующий кафедрой:

д.т.н., профессор

Должность, ученая степень, ученое звание

Подпись

Ибяттов Равиль Ибрагимович

Ф.И.О.

Рассмотрены и одобрены на заседании методической комиссии Института механизации и технического сервиса «27» апреля 2023 года (протокол № 8)

Председатель методической комиссии:

доцент, к.т.н.

Должность, ученая степень, ученое звание

Подпись

Зиннатуллина Алсу Наилевна

Ф.И.О.

Согласовано:

Директор

Подпись

Медведев Владимир Михайлович

Ф.И.О.

Протокол ученого совета института № 9 от «11» мая 2023 года

1. ПЕРЕЧЕНЬ КОМПЕТЕНЦИЙ С УКАЗАНИЕМ ЭТАПОВ ИХ ФОРМИРОВАНИЯ В ПРОЦЕССЕ ОСВОЕНИЯ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЙ ПРОГРАММЫ

В результате освоения ОПОП бакалавриата по направлению обучения 35.03.06 Агроинженерия, обучающийся должен овладеть следующими результатами обучения по дисциплине «Математическое моделирование».

Таблица 1.1 – Требования к результатам освоения дисциплины

Компетенция	Индикатор достижения компетенции	Перечень планируемых результатов обучения по дисциплине
ОПК-1. Способен решать типовые задачи профессиональной деятельности на основе знаний основных законов математических и естественных наук с применением информационных технологий	ОПК – 1.2. Использует знания основных законов математических и естественных наук для решения стандартных задач в агроинженерии	Знать: основные понятия и методы математического анализа, теории дифференциальных уравнений, статистических методов обработки экспериментальных данных Уметь: использовать знания основных законов математических и естественных наук для решения стандартных задач и анализа данных в агроинженерии Владеть: навыками построения математических моделей типовых инженерных задач в агроинженерии

2. ОПИСАНИЕ ПОКАЗАТЕЛЕЙ И КРИТЕРИЕВ ОЦЕНИВАНИЯ КОМПЕТЕНЦИЙ НА РАЗЛИЧНЫХ ЭТАПАХ ИХ ФОРМИРОВАНИЯ, ОПИСАНИЕ ШКАЛ ОЦЕНИВАНИЯ

Таблица 2.1 – Показатели и критерии определения уровня сформированности компетенций (интегрированная оценка уровня сформированности индикаторов достижения компетенций)

Код и наименование индикатора достижения компетенции	Планируемые результаты обучения	Критерии оценивания результатов обучения			
		неудовлетворительно	удовлетворительно	хорошо	отлично
ОПК – 1.2. Использует знания основных законов математических и естественных наук для решения стандартных задач в агроинженерии	Знать: основные понятия и методы математического анализа, дифференциальных уравнений, статистических методов обработки экспериментальных данных	Уровень знаний об основных понятиях и методах математических, естественнонаучных и общепрофессиональных дисциплин, для решения стандартных задач в агроинженерии ниже минимальных требований	Продемонстрирован минимально допустимый уровень знаний основных понятий и методов математических, естественнонаучных и общепрофессиональных дисциплин, необходимых для решения стандартных задач в агроинженерии	Уровень знаний об основных понятиях и методах математических, естественнонаучных и общепрофессиональных дисциплин, необходимых для решения стандартных задач в агроинженерии в объеме, соответствующем программе подготовки, допущено несколько негрубых ошибок	Продемонстрирован в полном объеме знания основных понятий и методов математических, естественнонаучных и общепрофессиональных дисциплин, необходимых для решения стандартных задач в агроинженерии
	Уметь: использовать знания основных законов математических и	Имеет место фрагментарные умения навыков	Имеется низкий уровень умения использования основных методов	Продемонстрированы основные базовые умения	Продемонстрированы систематические умения навыками

	естественных наук для решения стандартных задач и анализа данных в агроинженерии	использования основных методов математических, естественнонаучных и общепрофессиональных дисциплин, необходимых при решении задач в агроинженерии	математических, естественнонаучных и общепрофессиональных дисциплин, необходимых при решении задач в агроинженерии	использования основных методов математических, естественнонаучных и общепрофессиональных дисциплин, необходимых при решении стандартных задач в агроинженерии	при использовании основных методов математических, естественнонаучных и общепрофессиональных дисциплин, необходимых при решении стандартных задач в агроинженерии
	Владеть: навыками построения математических моделей типовых инженерных задач в агроинженерии	Имеются грубые ошибки при владении навыками использования методов математических, естественнонаучных и общепрофессиональных дисциплин, необходимых для решения стандартных задач в агроинженерии	Имеется минимальный набор навыков при использовании методов математических, естественнонаучных и общепрофессиональных дисциплин, необходимых при решении стандартных задач в агроинженерии	Продемонстрированы базовые навыки использования методов математических, естественнонаучных и общепрофессиональных дисциплин, необходимых при решении стандартных задач в агроинженерии	Продемонстрированы уверенные систематические владения навыками использования методов математических, естественнонаучных и общепрофессиональных дисциплин, необходимых при решении стандартных задач в агроинженерии

Описание шкалы оценивания:

1. Оценка «неудовлетворительно» ставится студенту, не овладевшему ни одним из элементов компетенции, т.е. обнаружившему существенные пробелы в знании основного программного материала по дисциплине, допустившему принципиальные ошибки при применении теоретических знаний, которые не позволяют ему продолжить обучение или приступить к практической деятельности без дополнительной подготовки по данной дисциплине.

2. Оценка «удовлетворительно» ставится студенту, овладевшему элементами компетенции «знать», т.е. проявившему знания основного программного материала по дисциплине в объеме, необходимом для последующего обучения и предстоящей практической деятельности, знакомому с основной рекомендованной литературой, допустившему неточности в ответе на экзамене, но в основном обладающему необходимыми знаниями для их устранения при корректировке со стороны экзаменатора.

3. Оценка «хорошо» ставится студенту, овладевшему элементами компетенции «знать» и «уметь», проявившему полное знание программного материала по дисциплине, освоившему основную рекомендованную литературу, обнаружившему стабильный характер знаний и умений и способному к их самостоятельному применению и обновлению в ходе последующего обучения и практической деятельности.

4. Оценка «отлично» ставится студенту, овладевшему элементами компетенции «знать», «уметь» и «владеть», проявившему всесторонние и глубокие знания программного материала по дисциплине, освоившему основную и дополнительную литературу, обнаружившему творческие способности в понимании, изложении и практическом использовании усвоенных знаний.

5. Оценка «зачтено» соответствует критериям оценок от «отлично» до «удовлетворительно».

6. Оценка «не зачтено» соответствует критерию оценки «неудовлетворительно».

3. ТИПОВЫЕ КОНТРОЛЬНЫЕ ЗАДАНИЯ ИЛИ ИНЫЕ МАТЕРИАЛЫ, НЕОБХОДИМЫЕ ДЛЯ ОЦЕНКИ ЗНАНИЙ, УМЕНИЙ, НАВЫКОВ И (ИЛИ) ОПЫТА ДЕЯТЕЛЬНОСТИ, ХАРАКТЕРИЗУЮЩИХ ЭТАПЫ ФОРМИРОВАНИЯ КОМПЕТЕНЦИЙ В ПРОЦЕССЕ ОСВОЕНИЯ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЙ ПРОГРАММЫ

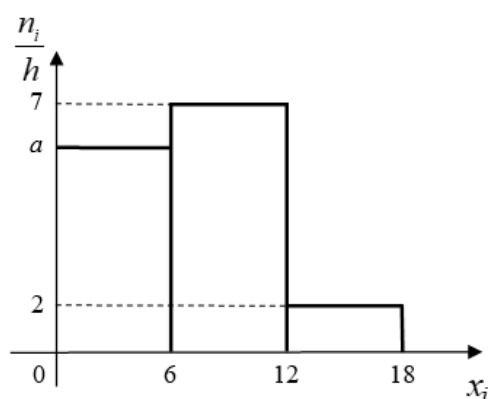
Таблица 3.1 – Типовые контрольные задания соотнесенные с индикаторами достижения компетенций

Индикатор достижения компетенции	№№ заданий (вопросов, билетов, тестов и пр.) для оценки результатов обучения по соотнесенному индикатору достижения компетенции
ОПК – 1.2. Использует знания основных законов математических и естественных наук для решения стандартных задач в агроинженерии	1. Оценочные материалы открытого типа (вопросы 1-30) 2. Оценочные материалы закрытого типа (задачи 1-10)

3.2 Оценочные материалы открытого типа

1. Модели и моделирование. Основные понятия
2. Сущность моделирования
3. Свойства моделей, цели моделирования
4. Преимущества математического моделирования
5. Цели моделирования и принципы построения математических моделей

6. Классификация математических моделей
7. Основные этапы метода математического моделирования
8. Обследование объекта моделирования
9. Концептуальная и математическая постановки задач математического моделирования
10. Методики предварительной проверки корректности модели
11. Проверка адекватности модели
12. Вычислительный эксперимент
13. Программные средства компьютерного моделирования. Специализированные пакеты программ
14. Корреляционный анализ
15. Оптимизационные модели и их классификация
16. Смещенная оценка дисперсии D_B выборки объема $n = 6$ равна 9. Найти исправленную дисперсию.
17. По выборке объема $n = 90$ построена гистограмма частот:



Найти значение a .

18. Выборочная средняя нормального распределения равна 10, а выборочная дисперсия равна 16. Найти коэффициент вариации в процентах.

19. Привести к каноническому виду задачу:

$$\begin{cases} x_1 - x_2 \geq 1 \\ x_1 - 2x_2 \leq 1 \\ x_1 + x_2 \leq 3 \\ x_1 \geq 0, x_2 \geq 0 \end{cases}$$

$$F = x_1 + 2x_2 \rightarrow \max$$

20. Привести к каноническому виду задачу:

$$\begin{cases} 2x_1 + x_2 \leq 0, \\ -4x_1 + 3x_2 \leq 12, \\ x_1 \leq 3, \\ x_1 + 4x_2 \leq 5, \\ x_1 \geq 0, x_2 \geq 0. \end{cases}$$

$$F = 4x_1 - 3x_2 \rightarrow \min$$

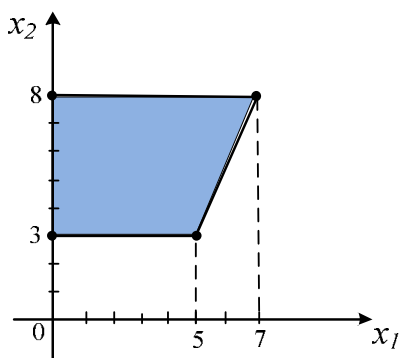
21. Для откорма животных используется три вида комбикорма: A , B и C . Каждому животному в сутки требуется не менее 800 г жиров, 700 г белков и 900 г углеводов. Содержание в 1 кг каждого вида комбикорма жиров, белков и углеводов (граммы) приведено в таблице:

Питательные вещества	Комбикорм		
	А	В	С
Жиры	320	240	300
Белки	170	130	110
Углеводы	380	440	450
Стоимость 1 кг, руб.	31	23	20

Сколько килограммов каждого вида комбикорма нужно каждому животному, чтобы полученная смесь имела минимальную стоимость? Запишите экономико-математическую модель задачи на основе данных.

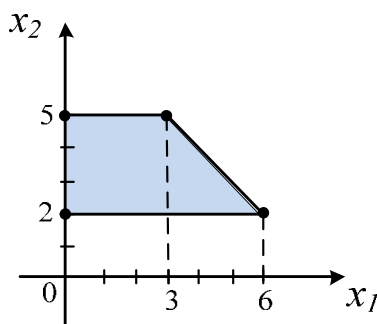
22. Колхоз имеет возможность приобрести не более 19 трехтонных автомашин и не более 17 пятитонных. Отпускная цена трехтонного грузовика – 4000 руб., пятитонного – 5000 руб. Колхоз может выделить для приобретения автомашин 141 тысяч рублей. Сколько нужно приобрести автомашин, чтобы их суммарная грузоподъемность была максимальной, если грузоподъемность одного трехтонного грузовика 3 усл. ед., а пятитонного – 5 усл. ед.? Запишите экономико-математическую модель задачи.

23. Область допустимых решений задачи линейного программирования имеет вид:



Записать область допустимых решений в виде системы – ограничений неравенств.

24. Область допустимых решений задачи линейного программирования имеет вид:



Записать область допустимых решений в виде системы – ограничений неравенств.

25. Найти максимальное значение целевой функции $Z = X_1 + 2X_2$ при ограничениях

$$\begin{cases} X_1 + X_2 \leq 4 \\ X_2 \leq 3 \\ X_1 \geq 0, X_2 \geq 0 \end{cases}$$

26. Найти минимальное значение целевой функции $Z = -2X_1 + 3X_2$ при ограничениях

$$\begin{cases} X_1 + X_2 \leq 4 \\ X_2 \leq 3 \\ X_1 \geq 0, X_2 \geq 0 \end{cases}$$

27. Транспортная задача имеет вид:

	100	120	180	100
40	3	4	1	5
160	5	6	4	3
300	7	8	2	1

Записать начальный опорный план по правилу «северо-западного угла».

28. Транспортная задача имеет вид:

	100	120	180	100
40	3	4	1	5
160	5	6	4	3
300	7	8	2	1

Записать начальный опорный план по правилу «минимального элемента».

29. При каком значении, a транспортная задача

	70	60	$100 + a$
$250 - a$	5	3	4
200	2	1	7

будет закрытой?

30. При каком значении b транспортная задача

	50	$60 + b$	100
100	7	2	4
$200 - b$	3	5	6

будет закрытой?

3.3 Оценочные материалы закрытого типа

1. Корреляционный анализ используется для изучения

- 1) взаимосвязи явлений
- 2) развития явления во времени
- 3) структуры явлений
- 4) статистической значимости различий между явлениями

2. Коэффициент корреляции может принимать значения

- 1) от 0 до 1
- 2) от -1 до 0
- 3) от -1 до 1
- 4) любые положительные

3. Оценка значимости коэффициента корреляции проводится по критерию ...

- 1) Критерия Стьюдента

- 2) Критерия Фишера
- 3) Критерия Дарбина-Уотсона
- 4) Критерия Фостера-Стюарта

4. Для изображения корреляционной зависимости используется график

- 1) линейный
- 2) график рассеяния точек+
- 3) радиальный
- 4) динамический

5. Регрессионный анализ – раздел математической статистики, изучающий ...

- 1) тесноту связи между признаками X и Y
- 2) форму связи между признаками X и Y
- 3) полноту связи между признаками X и Y
- 4) глубину связи между признаками X и Y

6. Для оценки качества регрессионной модели определяют...

- 1) среднюю ошибку аппроксимации
- 2) среднее квадратическое отклонение
- 3) среднее арифметическое значение
- 4) среднюю дисперсию

7. Линейная связь между факторами исследуется с помощью уравнения регрессии

- 1) $\bar{y}_x = ax^b$
- 2) $\bar{y}_x = a + bx + cx^2$
- 3) $\bar{y}_x = a + bx$
- 4) $\bar{y}_x = a + \frac{b}{x}$

8. Гиперболическая связь между факторами исследуется с помощью уравнения регрессии

- 1) $\bar{y}_x = ax^b$
- 2) $\bar{y}_x = a + bx + cx^2$
- 3) $\bar{y}_x = a + bx$
- 4) $\bar{y}_x = a + \frac{b}{x}$

9. Параболическая связь между факторами исследуется с помощью уравнения регрессии

- 1) $\bar{y}_x = ax^b$
- 2) $\bar{y}_x = a + bx + cx^2$
- 3) $\bar{y}_x = a + bx$
- 4) $\bar{y}_x = a + \frac{b}{x}$

10. Степенная корреляционная зависимость может описываться уравнением регрессии вида...

- 1) $\overline{y_x} = 0,56 \cdot x^{-0,9}$
- 2) $\overline{y_x} = 11,3 \cdot 1,12^x$
- 3) $\overline{y_x} = 8,27 - 16,1 \cdot \frac{1}{x}$
- 4) $\overline{y_x} = 3,59 + 0,17 \cdot x + 1,18 \cdot x^2$

4. МЕТОДИЧЕСКИЕ МАТЕРИАЛЫ, ОПРЕДЕЛЯЮЩИЕ ПРОЦЕДУРЫ ОЦЕНИВАНИЯ ЗНАНИЙ, УМЕНИЙ, НАВЫКОВ И (ИЛИ) ОПЫТА ДЕЯТЕЛЬНОСТИ, ХАРАКТЕРИЗУЮЩИХ ЭТАПЫ ФОРМИРОВАНИЯ КОМПЕТЕНЦИЙ

Лекции оцениваются по посещаемости, активности, умению выделить главную мысль.

Практические занятия оцениваются по самостоятельности выполнения работы, грамотности в оформлении, правильности выполнения.

Самостоятельная работа оценивается по качеству и количеству выполненных домашних или контрольных работ, грамотности в оформлении, правильности выполнения.

Промежуточная аттестация проводится в форме зачета.

Для получения зачета студент очного обучения должен в течение семестра активно посещать лекции и принимать участие в обсуждении вопросов, касающихся изучаемой темы, выполнить и защитить отчеты по лабораторным работам.

Для получения зачета студент заочник должен написать контрольную работу, активно посещать лекции и принимать участие в обсуждении вопросов, касающихся изучаемой темы.

Критерии оценки могут быть получены в тестовой форме: количество баллов или удовлетворительно, хорошо, отлично. Для получения соответствующей оценки на зачете по курсу используется накопительная система балльно-рейтинговой работы студентов. Итоговая оценка складывается из суммы баллов или оценок, полученных по всем разделам курса и суммы баллов, полученной на зачете.

Таблица 4.1 - Критерии оценки уровня знаний студентов с использованием теста на зачете по учебной дисциплине

Оценка	Характеристики ответа студента
Отлично	86-100 % правильных ответов
Хорошо	71-85 %
Удовлетворительно	51- 70%
Неудовлетворительно	Менее 51 %

Оценка «зачтено» соответствует критериям оценок от «отлично» до «удовлетворительно».

Оценка «не зачтено» соответствует критерию оценки «не удовлетворительно».

Количество баллов и оценка неудовлетворительно, удовлетворительно, хорошо, отлично определяются программными средствами по количеству правильных ответов к количеству случайно выбранных вопросов.

Критерии оценивания компетенций, следующие:

1. Ответы имеют полные решения (с правильным ответом). Их содержание свидетельствует об уверенных знаниях обучающегося и о его умении решать профессиональные задачи, оценивается в 5 баллов (отлично);

2. Более 75 % ответов имеют полные решения (с правильным ответом). Их содержание свидетельствует о достаточных знаниях обучающегося и его умении решать профессиональные задачи – 4 балла (хорошо);

3. Не менее 50 % ответов имеют полные решения (с правильным ответом). Их содержание свидетельствует об удовлетворительных знаниях обучающегося и о его ограниченном умении решать профессиональные задачи, соответствующие его будущей квалификации – 3 балла (удовлетворительно);

4. Менее 50 % ответов имеют решения с правильным ответом. Их содержание свидетельствует о слабых знаниях обучающегося и о его неумении решать профессиональные задачи – 2 балла (неудовлетворительно).