



МИНИСТЕРСТВО СЕЛЬСКОГО ХОЗЯЙСТВА
РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ
ФЕДЕРАЛЬНОЕ ГОСУДАРСТВЕННОЕ БЮДЖЕТНОЕ
ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЕ УЧРЕЖДЕНИЕ ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ
«Казанский государственный аграрный университет»
(ФГБОУ ВО Казанский ГАУ)

Институт механизации и технического сервиса

Кафедра физики и математики

УТВЕРЖДАЮ
Первый проректор –
проректор по учебно-
воспитательной работе, проф.
Б.Г. Зиявдин
«21» мая 2020 г.

ФОНД ОЦЕНОЧНЫХ СРЕДСТВ
ДЛЯ ПРОВЕДЕНИЯ ПРОМЕЖУТОЧНОЙ АТТЕСТАЦИИ ОБУЧАЮЩИХСЯ
ПО ДИСЦИПЛИНЕ
«МАТЕМАТИКА И МАТЕМАТИЧЕСКАЯ СТАТИСТИКА»
(приложение к рабочей программе дисциплины)

Направление подготовки
35.03.07 Технология производства и переработки сельскохозяйственной продукции

Направленность (профиль) подготовки
Технология производства и переработки продукции растениеводства

Уровень
бакалавриата

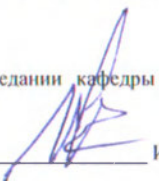
Форма обучения
Очная, заочная

Год поступления обучающихся: 2020

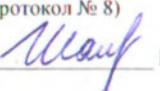
Казань – 2020

Составитель:  Киселева Наталья Геннадьевна, к.с.-х. н., доцент

Оценочные средства обсуждены и одобрены на заседании кафедры физики и математики 27 апреля 2020 года (протокол № 8)

Заведующий кафедрой, д.т.н., проф.  Ибяттов Р.И.

Рассмотрены и одобрены на заседании методической комиссии Института механизации и технического сервиса 12 мая 2020 г. (протокол № 8)

Пред. метод. комиссии, к.т.н., доцент  Шайхутдинов Р.Р.

Согласовано:
Директор Института механизации
и технического сервиса
д.т.н., профессор

 Яхин С.М.

Протокол Ученого совета ИМ и ТС № 10 от 14 мая 2020 г.

1. ПЕРЕЧЕНЬ КОМПЕТЕНЦИЙ С УКАЗАНИЕМ ЭТАПОВ ИХ ФОРМИРОВАНИЯ В ПРОЦЕССЕ ОСВОЕНИЯ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЙ ПРОГРАММЫ

В результате освоения ОПОП бакалавриата по направлению обучения 35.03.07 «Технология производства и переработки сельскохозяйственной продукции», обучающийся должен овладеть следующими результатами обучения по дисциплине «Математика и математическая статистика»:

Таблица 1.1 – Требования к результатам освоения дисциплины

Компетенция	Индикатор достижения компетенции	Перечень планируемых результатов обучения по дисциплине
УК-1. Способен осуществлять поиск, критический анализ и синтез информации, применять системный подход для решения поставленных задач	УК-1.1 Анализирует задачу, выделяя ее базовые составляющие, осуществляет декомпозицию задачи	Знать: анализ фундаментальных задач математики и методов математической статистики, выделяя ее базовые составляющие, осуществляя декомпозицию задачи. Уметь: анализировать фундаментальные задачи математики и методы математической статистики, выделяя ее базовые составляющие, осуществляя декомпозицию задачи. Владеть: анализом фундаментальных задач математики и методов математической статистики, выделяя ее базовые составляющие, осуществляя декомпозицию задачи.
	УК-1.2 Находит и критически анализирует информацию, необходимую для решения поставленной задачи	Знать: как находится информация, необходимая для решения фундаментальных задач математики и методов математической статистики и критически ее анализировать Уметь: находить и критически анализировать информацию, необходимую для решения фундаментальных задач математики и методов математической статистики Владеть: способами нахождения информации, необходимой для решения фундаментальных задач математики и методов математической статистики и критическим анализом
	УК-1.3 Рассматривает возможные варианты решения задачи, оценивая их достоинства и недостатки	Знать: возможные варианты решения фундаментальных задач математики и методов математической статистики, оценивая их достоинства и недостатки Уметь: рассматривать возможные варианты решения фундаментальных задач математики и методов математической статистики, оценивая их достоинства и недостатки Владеть: возможными вариантами решения фундаментальных задач математики и методов математической статистики, оценивая их достоинства и недостатки
	УК-1.5 Определяет и оценивает последствия возможных решений задачи	Знать: как определять и оценивать последствия возможных решений фундаментальных задач математики и методов математической статистики Уметь: определять и оценивать последствия возможных решений фундаментальных задач математики и методов математической статистики Владеть: определениями и оцениванием последствий возможных решений

		фундаментальных задач математики и методов математической статистики
ОПК-1. Способен решать типовые задачи профессиональной деятельности на основе знаний основных законов математических и естественных наук с применением информационных технологий	ОПК-1.1 Использует основные законы естественнонаучных дисциплин для решения стандартных задач в области производства, переработки и хранения сельскохозяйственной продукции	Знать: основные фундаментальные законы математики и основные методы математической статистики для решения стандартных задач в области производства, переработки и хранения сельскохозяйственной продукции Уметь: использовать основные фундаментальные законы математики и основные методы математической статистики для решения стандартных задач в области производства, переработки и хранения сельскохозяйственной продукции Владеть: навыками использования фундаментальных законов математики и основных методов математической статистики для решения стандартных задач в области производства, переработки и хранения сельскохозяйственной продукции

**2. ОПИСАНИЕ ПОКАЗАТЕЛЕЙ И КРИТЕРИЕВ ОЦЕНИВАНИЯ КОМПЕТЕНЦИЙ НА РАЗЛИЧНЫХ ЭТАПАХ ИХ
ФОРМИРОВАНИЯ, ОПИСАНИЕ ШКАЛ ОЦЕНИВАНИЯ**

Таблица 2.1 – Показатели и критерии определения уровня сформированности компетенций

Код и наименование индикатора достижения компетенции	Планируемые результаты обучения	Критерии оценивания результатов обучения			
		неудовлетворительно	удовлетворительно	хорошо	отлично
ИД-1 ОПК-1 Использует основные законы естественных дисциплин для решения стандартных задач в области производства, переработки и хранения сельскохозяйственной продукции	Знать: основные фундаментальные законы математики и основные методы математической статистики для решения стандартных задач в области производства, переработки и хранения сельскохозяйственной продукции	Уровень знаний об основных фундаментальных законах математики и основных методах математической статистики для решения стандартных задач в области производства, переработки и хранения сельскохозяйственной продукции ниже минимальных требований	Продemonстрирован минимально допустимый уровень знаний основных фундаментальных законов математики и основных методов математической статистики для решения стандартных задач в области производства, переработки и хранения сельскохозяйственной продукции	Уровень знаний об основных фундаментальных законах математики и основных методах математической статистики для решения стандартных задач в области производства, переработки и хранения сельскохозяйственной продукции в объеме, соответствующем программе подготовки, допущено несколько негрубых ошибок	Продemonстрированы в полном объеме знания основных фундаментальных законов математики и основных методов математической статистики для решения стандартных задач в области производства, переработки и хранения сельскохозяйственной продукции
	Уметь: использовать основные фундаментальные законы математики и основные методы математической	Имеет место фрагментарные умения навыков использования основных фундаментальных	Имеется низкий уровень умения использования основных фундаментальных законов математики и	Продemonстрированы основные базовые умения использования основных	Продemonстрированы систематические умения навыками при использовании основных

	статистики для решения стандартных задач в области производства, переработки и хранения сельскохозяйственной продукции	законов математики и основных методов математической статистики для решения стандартных задач в области производства, переработки и хранения сельскохозяйственной продукции	основных методов математической статистики для решения стандартных задач в области производства, переработки и хранения сельскохозяйственной продукции	фундаментальных законов математики и основных методов математической статистики для решения стандартных задач в области производства, переработки и хранения сельскохозяйственной продукции	фундаментальных законов математики и основных методов математической статистики для решения стандартных задач в области производства, переработки и хранения сельскохозяйственной продукции
	Владеть: навыками использования фундаментальных законов математики и основных методов математической статистики для решения стандартных задач в области производства, переработки и хранения сельскохозяйственной продукции	Имеются грубые ошибки при владении навыками использования фундаментальных законов математики и основных методов математической статистики для решения стандартных задач в области производства, переработки и хранения сельскохозяйственной продукции	Имеется минимальный набор навыков при использовании основных фундаментальных законов математики и основных методов математической статистики при решении стандартных задач в области производства, переработки и хранения сельскохозяйственной продукции	Продemonстрированы базовые навыки использования основных фундаментальных законов математики и основных методов математической статистики для решения стандартных задач в области производства, переработки и хранения сельскохозяйственной продукции	Продemonстрированы уверенные систематические владения навыками использования основных фундаментальных законов математики и основных методов математической статистики для решения стандартных задач в области производства, переработки и хранения сельскохозяйственной продукции
ИД-1 УК-1 Анализирует задачу, выделяя ее базовые	Знать: анализ фундаментальных задач математики и методов	Уровень знаний при анализе основных фундаментальных	Продemonстрирован минимально допустимый уровень знаний при	Уровень знаний при анализе основных	Продemonстрированы в полном объеме знания при анализе

составляющие, осуществляет декомпозицию задачи	математической статистики, выделяя ее базовые составляющие, осуществляя декомпозицию задачи.	законов математики и основных методов математической статистики ниже минимальных требований	анализе основных фундаментальных законов математики и основных методов математической статистики	фундаментальных законов математики и основных методов математической статистики в объеме, соответствующем программе подготовки, допущено несколько негрубых ошибок	основных фундаментальных законов математики и основных методов математической статистики
Уметь: анализировать фундаментальные задачи математики и методы математической статистики, выделяя ее базовые составляющие, осуществляя декомпозицию задачи.	Имеет место фрагментарные умения навыков при анализе фундаментальных задач математики и методов математической статистики, выделяя ее базовые составляющие, осуществляя декомпозицию задачи.	Имеется низкий уровень умений использования при анализе фундаментальных задач математики и методов математической статистики, выделяя ее базовые составляющие, осуществляя декомпозицию задачи	Продемонстрированы основные базовые умения при анализе фундаментальных задач математики и методов математической статистики, выделяя ее базовые составляющие, осуществляя декомпозицию задачи	Продемонстрированы систематические умения навыками при анализе фундаментальных задач математики и методов математической статистики, выделяя ее базовые составляющие, осуществляя декомпозицию задачи.	
Владеть: анализом фундаментальных задач математики и методов математической статистики, выделяя ее базовые составляющие, осуществляя	Имеются грубые ошибки при владении навыками использования фундаментальных законов математики и основных методов математической	Имеется минимальный набор навыков при анализе фундаментальных задач математики и методов математической статистики, выделяя ее базовые составляющие,	Продемонстрированы базовые навыки при анализе фундаментальных задач математики и методов математической	Продемонстрированы уверенные систематические владения навыками при анализе фундаментальных задач математики и методов	

	декомпозицию задачи.	статистики для решения стандартных задач в области производства, переработки и хранения сельскохозяйственной продукции	осуществляя декомпозицию задачи	статистики, выделяя ее базовые составляющие, осуществляя декомпозицию задачи	математической статистики, выделяя ее базовые составляющие, осуществляя декомпозицию задачи
ИД-2 УК-1 Находит и критически анализирует информацию, необходимую для решения поставленной задачи	Знать: как находится информация, необходимая для решения фундаментальных задач математики и методов математической статистики и критически ее анализировать	Уровень знаний при критическом анализе информации, необходимой для решения фундаментальных задач математики и методов математической статистики ниже минимальных требований, имели место грубые ошибки	Продemonстрирован минимально допустимый уровень знаний, допущено много негрубых ошибок при критическом анализе информации, необходимой для решения фундаментальных задач математики и методов математической статистики	Уровень знаний при критическом анализе информации, необходимой для решения фундаментальных задач математики и методов математической статистики в объеме, соответствующем программе подготовки, допущено несколько негрубых ошибок	Уровень знаний при критическом анализе информации, необходимой для решения фундаментальных задач математики и методов математической статистики в объеме, соответствующем программе подготовки, без ошибок
	Уметь: находить и критически анализировать информацию, необходимую для решения фундаментальных задач математики и методов математической статистики	При критическом анализе информации, необходимой для решения фундаментальных задач математики и методов математической статистики не продemonстрированы	Продemonстрированы при критическом анализе информации, необходимой для решения фундаментальных задач математики и методов математической статистики основные умения, решены типовые	Продemonстрированы при критическом анализе информации, необходимой для решения фундаментальных задач математики и методов	Продemonстрированы при критическом анализе информации, необходимой для решения фундаментальных задач математики и методов математической

		основные умения, имели место грубые ошибки	задачи с нетривиальными ошибками, выполнены все задания, но не в полном объеме	математической статистики все основные умения, решены все основные задачи с нетривиальными ошибками, выполнены все задания в полном объеме, но некоторые недочетами	статистики все основные умения, решены все отдельные задачи с несущественными недочетами, выполнены все задания в полном объеме
	Владеть: способами нахождения информации, необходимой для решения фундаментальных задач математики и методов статистики и критическим анализом	При критическом анализе информации, необходимой для решения фундаментальных задач математики и методов математической статистики не продемонстрированы базовые навыки, имели место грубые ошибки	Имеется минимальный набор навыков при критическом анализе информации, необходимой для решения фундаментальных задач математики и методов математической статистики с некоторыми недочетами	Продemonстрированы базовые навыки при критическом анализе информации, необходимой для решения фундаментальных задач математики и методов математической статистики с некоторыми недочетами	Продemonстрированы навыки при критическом анализе информации, необходимой для решения фундаментальных задач математики и методов математической статистики без ошибок и недочетов
ИД-3 УК-1 Рассматривает возможные варианты решения задачи, оценивая их достоинства и недостатки	Знать: возможные варианты решения фундаментальных задач математики и методов математической статистики, оценивая их достоинства и недостатки	Уровень знаний при критическом анализе информации, необходимой для решения фундаментальных задач математики и методов математической	Минимально допустимый уровень знаний при критическом анализе информации, необходимой для решения фундаментальных задач математики и методов математической	Уровень знаний при критическом анализе информации, необходимой для решения фундаментальных задач математики и методов математической	Уровень знаний при критическом анализе информации, необходимой для решения фундаментальных задач математики и методов математической

		статистики ниже минимальных требований, имели место грубые ошибки	статистики, допущено много нетривиальных ошибок	математической статистики в объеме, соответствующем программе подготовки, допущено несколько нетривиальных ошибок	статистики в объеме, соответствующем программе подготовки, без ошибок
	Уметь: рассматривать возможные варианты решения фундаментальных задач математики и методов математической статистики, оценивая их достоинства и недостатки	При решении фундаментальных задач математики и методов математической статистики не продемонстрированы основные умения, имели место грубые ошибки	Продemonстрированы основные умения, решены фундаментальные задачи математики и методы статистики с нетривиальными ошибками, выполнены все задания, но не в полном объеме	Продemonстрированы все основные умения, решены все основные фундаментальные задачи математики и методы статистики с нетривиальными ошибками, выполнены все задания в полном объеме, но некоторые недочетами	Продemonстрированы все основные умения, решены все основные фундаментальные задачи математики и методы статистики с нетривиальными недочетами, выполнены все задания в полном объеме
	Владеть: возможными вариантами решения фундаментальных задач математики и методов математической статистики, оценивая их достоинства и недостатки	При решении фундаментальных задач математики и методов математической статистики не продемонстрированы базовые навыки, имели место грубые ошибки	Имеется минимальный набор навыков для решения фундаментальных задач математики и методов статистики с некоторыми недочетами	Продemonстрированы базовые навыки при решении фундаментальных задач математики и методов статистики с некоторыми недочетами	Продemonстрированы навыки при решении фундаментальных задач математики и методов статистики без ошибок и недочетов

ИД-5 УК-1 Определяет и оценивает последствия возможных решений задачи.	Знать: как определять и оценивать последствия возможных решений фундаментальных задач математики и методов математической статистики	Уровень знаний при определении и оценивании последствий возможных решений задач математики и методов математической статистики ниже минимальных требований, имели место грубые ошибки	Минимально допустимый уровень знаний при определении и оценивании последствий возможных решений фундаментальных задач математики и методов математической, допущено много негрубых ошибок	Уровень знаний при определении и оценивании последствий возможных решений фундаментальных задач математики и методов математической в объеме, соответствующем программе подготовки, допущено несколько негрубых ошибок	Уровень знаний при определении и оценивании последствий возможных решений фундаментальных задач математики и методов математической в объеме, соответствующем программе подготовки, без ошибок
	Уметь: определять и оценивать последствия возможных решений фундаментальных задач математики и методов математической статистики	При определении и оценивании последствий возможных решений фундаментальных задач математики и методов математической не продемонстрированы основные умения, имели место грубые ошибки	Продemonстрированы при определении и оценивании последствий возможных решений фундаментальных задач математики и методов математической основные умения, решены типовые задачи с негрубыми ошибками, выполнены все задания, но не в полном объеме	Продemonстрированы при определении и оценивании последствий возможных решений фундаментальных задач математики и методов математической все основные умения, решены все основные задачи с негрубыми ошибками, выполнены все задания в полном объеме	Продemonстрированы при определении и оценивании последствий возможных решений фундаментальных задач математики и методов математической все основные умения, решены все основные задачи с негрубыми ошибками, выполнены все задания в полном объеме

				объем, но некоторые недочетами	
Владеть: определениями оцениванием последствий возможных решений фундаментальных задач математики и методов математической статистики	При определении и оценивании последствий возможных решений фундаментальных задач математики и методов математической статистики не продемонстрированы базовые навыки, имели место грубые ошибки	Имеется минимальный набор навыков определенных и оцениваний последствий возможных решений фундаментальных задач математики и методов математической статистики с некоторыми недочетами	Продemonстрированы базовые навыки при определении и оценивании последствий возможных решений фундаментальных задач математики и методов математической статистики с некоторыми недочетами	Продemonстрированы навыки при определении и оценивании последствий возможных решений фундаментальных задач математики и методов математической статистики без ошибок и недочетов	

Описание шкалы оценивания:

1. Оценка «неудовлетворительно» ставится студенту, не овладевшему ни одним из элементов компетенции, т.е. обнаружившему существенные пробелы в знании основного программного материала по дисциплине, допустившему принципиальные ошибки при применении теоретических знаний, которые не позволяют ему продолжить обучение или приступить к практической деятельности без дополнительной подготовки по данной дисциплине.
2. Оценка «удовлетворительно» ставится студенту, овладевшему элементами компетенции «знать», т.е. проявившему знания основного программного материала по дисциплине в объеме, необходимом для последующего обучения и предстоящей практической деятельности, знакомому с основной рекомендованной литературой, допустившему неточности в ответе на экзамене, но в основном обладающему необходимыми знаниями для их устранения при корректировке со стороны экзаменатора.
3. Оценка «хорошо» ставится студенту, овладевшему элементами компетенции «знать» и «уметь», проявившему полное знание программного материала по дисциплине, освоившему основную рекомендованную литературу, обнаружившему стабильный характер знаний и умений и способному к их самостоятельному применению и обновлению в ходе последующего обучения и практической деятельности.

4. Оценка «отлично» ставится студенту, овладевшему элементами компетенции «знать», «уметь» и «владеть», проявившему всесторонние и глубокие знания программного материала по дисциплине, освоившему основную и дополнительную литературу, обнаружившему творческие способности в понимании, изложении и практическом использовании усвоенных знаний.
5. Оценка «зачтено» соответствует критериям оценок от «отлично» до «удовлетворительно».
6. Оценка «не зачтено» соответствует критерию оценки «неудовлетворительно»

3. ТИПОВЫЕ КОНТРОЛЬНЫЕ ЗАДАНИЯ ИЛИ ИНЫЕ МАТЕРИАЛЫ, НЕОБХОДИМЫЕ ДЛЯ ОЦЕНКИ ЗНАНИЙ, УМЕНИЙ, НАВЫКОВ И (ИЛИ) ОПЫТА ДЕЯТЕЛЬНОСТИ, ХАРАКТЕРИЗУЮЩИХ ЭТАПЫ ФОРМИРОВАНИЯ КОМПЕТЕНЦИЙ В ПРОЦЕССЕ ОСВОЕНИЯ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЙ ПРОГРАММЫ

Таблица 3.1 – Типовые контрольные задания соотнесенные с индикаторами достижения компетенций

Индикатор достижения компетенции	№№ заданий (вопросов, билетов, тестов и пр.) для оценки результатов обучения по соотнесенному индикатору достижения компетенции
ИД-1. ОПК-1	Вопросы 23-40 Задачи 6-11, 14
УК-1 ИД-1	Вопросы 4-32 Задача 9-14
УК-1 ИД-2	Вопросы 23-40 Задача 9-14
УК-1 ИД-3	Вопросы 23-32 Задача 9-14
УК-1 ИД-5	Вопросы 32-40 Задача 9-14

Вопросы для самоконтроля и подготовки к зачетам

- 1.Матрицы, операции над ними, обратная матрица.
2. Элементарные преобразования, ранг матрицы, теорема Кронекера-Капелли.
- 3.Решение систем линейных уравнений методом Гаусса.
- 4.Векторы. Действия над векторами.
- 5.Декартова прямоугольная система координат. Базис.
- 6.Действия над векторами.
- 7.Скалярное произведение векторов и его свойства.
- 8.Векторное произведение 2х векторов.
- 9.мешанное произведение векторов и его свойства.
- 10.Уравнение линии и поверхности.
- 11.Плоскость в пространстве.
- 12.Общее уравнение плоскости.
- 13.Взаимное расположение плоскостей.
- 14.Каноническое уравнение прямой в пространстве.
- 15.Уравнение прямой в пространстве, проходящей ч/з 2 заданные точки. прямая, как пересечение плоскостей. Нахождение начальной точки и направляющего вектора прямой.
- 16.Взаимное расположение прямой на плоскости.
- 17.Общее уравнение прямой линии на плоскости. Его частные случаи.
- 18.Каноническое уравнение прямой линии на плоскости. Уравнение прямой, проходящей через 2 точки. Уравнение с угловым коэффициентом.
- 19.Угол между прямыми на плоскости.
- 20.Расстояние от точки до прямой на плоскости и до плоскости в пространстве.
- 21.Кривые линии 2-го порядка:
 - а) Парабола и ее свойства.
 - б) Эллипс и его свойства:

- в) Гипербола и ее свойства.
 22. Понятие о поверхностях 2го порядка.
 23. Функции. Определение способа задания. Классификация функций. Основные элементарные функции.
 24. Определение пределов последовательности и функции. Основные свойства пределов функции 1ой переменной.
 25. Основные теоремы о пределах.
 26. Основные приемы нахождения пределов.
 27. Непрерывность функции в точке и на интервале.
 28. Признаки существования а) предела функции и б) предела последовательности.
 29. Бесконечно малые величины и их свойства.
 30. Бесконечно большие величины и их свойства.
 31. Свойства непрерывных функций
 32. Задачи, приводящие к понятию производной. Определение производной и ее геометрический смысл.
 33. Основные правила дифференцирования.
 34. Дифференцирование сложных функций
 35. Дифференцирование обратной функции.
 36. Производные степенных и тригонометрических функций.
 37. Производные обратных тригонометрических функций.
 38. Производные показательных и логарифмических функций.
 39. Логарифмическое дифференцирование. Вывод производной степенной функции.
 40. Производная высших порядков функции 1й переменной.

Примерный перечень задач для индивидуального задания

1. Решите систему линейных уравнений тремя способами: а) по формулам Крамера; б) с помощью обратной матрицы; в) методом Гаусса.

$$1. \begin{cases} 2x - y - z = 4, \\ 3x + 4y - 2z = 11, \\ 3x - 2y + 4z = 11. \end{cases} \quad 2. \begin{cases} x + y + 2z = -1, \\ 2x - y + 2z = -4, \\ 4x + y + 4z = -2. \end{cases}$$

2. Приведите уравнения кривой второго порядка к каноническому виду и постройте ее.

$$1. 4x^2 + y^2 - 8x + 4y = 0. \quad 2. 9x^2 - 4y^2 + 54x + 8y + 41 = 0.$$

3. Даны вершины $A(x_1, y_1)$, $B(x_2, y_2)$, $C(x_3, y_3)$ треугольника ABC . Найти длину стороны AB , уравнения сторон треугольника, угол при вершине C , уравнение медианы AM , длину высоты CH и площадь треугольника ABC .

$$1. A(-6; 4), B(-10; -1), C(6; 1).$$

$$2. A(3; 1), B(-13; -11), C(-6; 13).$$

4. По координатам вершин пирамиды A_1, A_2, A_3, A_4 найти: 1) длины ребер A_1A_2 и A_1A_3 ; 2) угол между ребрами A_1A_2 и A_1A_3 ; 3) площадь граней $A_1A_2A_3$ и $A_2A_3A_4$; 4) объем пирамиды, используя формулы векторной алгебры.

$$1. A_1(-1; 2; 1), A_2(-2; 2; 5), A_3(-3; 3; 1), A_4(-1; 4; 3).$$

$$2. A_1(-2; 1; -1), A_2(-3; 1; 3), A_3(-4; 2; -1), A_4(-2; 3; 1).$$

5. Вычислить пределы функций, не пользуясь средствами дифференциального исчисления.

$$1. a) \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{1-2x}{3x-2}; \quad б) \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sqrt{1+x} - \sqrt{1-x}}{3x}; \quad в) \lim_{x \rightarrow 0} \frac{1-\cos x}{5x^2}; \quad г) \lim_{x \rightarrow \infty} \left(\frac{x+3}{x-2} \right)^x.$$

6. Найти производные первого порядка данных функций, используя правила вычисления производных.

$$1. a) y = 3x^5 - \sin x,$$

$$б) y = \sqrt{x} \operatorname{tg} x,$$

$$в) y = \frac{\ln x}{4 - 3 \cos x},$$

$$г) y = \ln \frac{\sqrt{5} + \operatorname{tg} \frac{x}{2}}{\sqrt{5} - \operatorname{tg} \frac{x}{2}},$$

$$д) \begin{cases} x = \arcsin 2t \\ y = \frac{1}{1-4t^2}. \end{cases}$$

7. Вычислите неопределенные интегралы.

$$1. a) \int \frac{x dx}{7+x^2};$$

$$б) \int \frac{(x+18)dx}{x^2-4x-12};$$

$$в) \int (3-x) \cos x dx.$$

$$2. a) \int \frac{dx}{\sin^2 \frac{x}{5}};$$

$$б) \int \frac{(x+4)dx}{x^2-2x-8};$$

$$в) \int x \ln(1-3x) dx.$$

8. Вычислите определенные интегралы.

$$1. \int_2^7 \frac{\sqrt{x+2} dx}{x}.$$

$$2. \int_{-3/4}^0 \frac{3x dx}{\sqrt{(x+1)^3}}.$$

9. Брошены две игральные кости. Найти вероятность того, что сумма выпавших очков: а) равна k_1 ; б) равна k_1 , а разность k_2 ; в) равна k_1 , а произведение k_3 ; г) не менее k_4 .

$$1) k_1 = 5, k_2 = 3, k_3 = 6, k_4 = 9.$$

$$2) k_1 = 6, k_2 = 2, k_3 = 5, k_4 = 10.$$

10. Среди m_1 лотерейных билетов m_2 выигрышных. Наудачу взяли m_3 билетов. Определить вероятность того, что среди них m_4 выигрышных.

$$1) m_1 = 10, m_2 = 3, m_3 = 6, m_4 = 9.$$

$$2) m_1 = 11, m_2 = 4, m_3 = 6, m_4 = 3.$$

11. Стрелок производит n выстрелов по удаляющейся цели, причем вероятность поражения цели первым выстрелом равна p_1 , а при каждом следующем выстреле уменьшается на p_2 . Найти вероятность того, что: а) цель будет поражена только k -м выстрелом; б) цель будет поражена.

$$1) n = 4, p_1 = 0,7, p_2 = 0,1; k = 2.$$

$$2) n = 3, p_1 = 0,6, p_2 = 0,2, k = 3.$$

12. Непрерывная случайная величина задана функцией распределения вероятностей $F(x)$. Требуется: а) найти плотность распределения вероятностей $f(x)$; б) найти математическое ожидание, дисперсию, среднее квадратическое отклонение; в) вычислить вероятность попадания случайной величины в интервал $(a; b)$; г) построить графики функции распределения $F(x)$ и плотности распределения $f(x)$.

$$1) F(x) = \begin{cases} 0, & \text{при } x \leq 0, \\ \frac{x^2}{25}, & \text{при } 0 < x \leq 5, \\ 1, & \text{при } x > 5. \end{cases}$$

$$6) F(x) = \begin{cases} 0, & \text{при } x \leq 0, \\ \frac{x^2}{4}, & \text{при } 0 < x \leq 2, \\ 1, & \text{при } x > 2. \end{cases}$$

$$a = 1, b = 4.$$

$$a = -3, b = 4.$$

13. Детали, выпускаемые цехом, по размеру диаметра распределены по нормальному закону. Стандартная длина детали равна a мм, среднее квадратическое отклонение - σ мм. Найти вероятность того, что: а) диаметр наудачу взятой детали больше α мм и меньше β мм; б) диаметр детали отклонится от стандартной длины не более, чем на δ мм.

1) $a = 50, \sigma = 4, \alpha = 48, \beta = 54, \delta = 2$.

2) $a = 45, \sigma = 3, \alpha = 42, \beta = 46, \delta = 3$.

14 Необходимо построить:

- полигон относительных частот;
- гистограмму частот;
- эмпирическую функцию распределения, а также вычислить:
- выборочную среднюю;
- выборочную дисперсию;
- среднее квадратическое отклонение.

x	80-90	90-100	100-110	110-120	120-130	130-140	140-150	150-160
n	6	10	9	25	30	8	8	4

4. МЕТОДИЧЕСКИЕ МАТЕРИАЛЫ, ОПРЕДЕЛЯЮЩИЕ ПРОЦЕДУРЫ ОЦЕНИВАНИЯ ЗНАНИЙ, УМЕНИЙ, НАВЫКОВ И (ИЛИ) ОПЫТА ДЕЯТЕЛЬНОСТИ, ХАРАКТЕРИЗУЮЩИХ ЭТАПЫ ФОРМИРОВАНИЯ КОМПЕТЕНЦИЙ

Приводятся виды текущего контроля и критерии оценивания учебной деятельности по каждому ее виду по семестрам, согласно которым происходит начисление соответствующих баллов.

Лекции оцениваются по посещаемости, активности, умению выделить главную мысль.

Практические занятия оцениваются по самостоятельности выполнения работы, активности работы в аудитории, правильности выполнения заданий, уровня подготовки к занятиям.

Самостоятельная работа оценивается по качеству и количеству выполненных домашних работ, грамотности в оформлении, правильности выполнения.

Промежуточная аттестация проводится в форме зачета.

Критерии оценки зачета в тестовой форме: количество баллов или удовлетворительно, хорошо, отлично. Для получения соответствующей оценки на зачете по курсу используется накопительная система балльно-рейтинговой работы студентов. Итоговая оценка складывается из суммы баллов или оценок, полученных по всем разделам курса и суммы баллов полученной на зачете.

Критерии оценки уровня знаний студентов с использованием теста на зачете по учебной дисциплине

Оценка	Характеристики ответа студента
Отлично	86-100 % правильных ответов
Хорошо	71-85 %
Удовлетворительно	51- 70%
Неудовлетворительно	Менее 51 %

Оценка «зачтено» соответствует критериям оценок от «отлично» до «удовлетворительно».

Оценка «не зачтено» соответствует критерию оценки «не удовлетворительно».

Количество баллов и оценка неудовлетворительно, удовлетворительно, хорошо, отлично определяются программными средствами по количеству правильных ответов к количеству случайно выбранных вопросов.

Критерии оценивания компетенций следующие:

1. Ответы имеют полные решения (с правильным ответом). Их содержание свидетельствует об уверенных знаниях обучающегося и о его умении решать профессиональные задачи, оценивается в 5 баллов (отлично);
2. Более 75 % ответов имеют полные решения (с правильным ответом). Их содержание свидетельствует о достаточных знаниях обучающегося и его умении решать профессиональные задачи – 4 балла (хорошо);
3. Не менее 50 % ответов имеют полные решения (с правильным ответом) Их содержание свидетельствует об удовлетворительных знаниях обучающегося и о его ограниченном умении решать профессиональные задачи, соответствующие его будущей квалификации – 3 балла (удовлетворительно);
4. Менее 50 % ответов имеют решения с правильным ответом. Их содержание свидетельствует о слабых знаниях обучающегося и его неумении решать профессиональные задачи – 2 балла (неудовлетворительно).