

Федеральное государственное бюджетное
образовательное учреждение высшего образования
«Казанский государственный аграрный университет»

ТЕТРАДЬ

для _____

учени _____ класса _____

_____ школы _____

Контрольная работа

по физике

Работу выполнила
студентка 1 курса
заочной формы обучения
факультет ФЛХиЭ
по направлению ландшафт-
ная архитектура

Группа: Б402-02

Багашаева Р.А.

№ зачетной книжки

Проверил:

Вашев А.А.

12 ЛИСТОВ

Казань 2021г.

Комплексная работа

103. Две автомашины движутся по дорогам, угол между которыми $\alpha = 60^\circ$

Скорость автомашины $v_1 = 54 \text{ км/ч}$ и $v_2 = 72 \text{ км/ч}$. С какой скоростью v удаляются машины одна от другой?

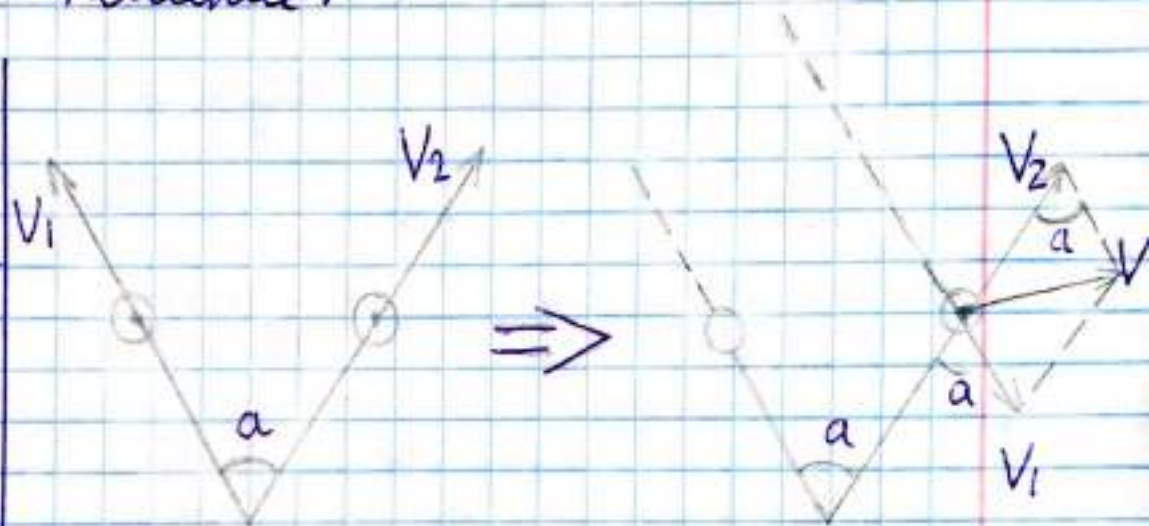
Дано:

Решение:

$$V_1 = 54 \text{ км/ч}$$

$$V_2 = 72 \text{ км/ч}$$

$$V = ?$$



Видно, что если поместить начало координат на первой машине, то скорость, с которой вторая машина удаляется от первой равна сумме векторов $-V_1$ и V_2

Примем её модуль, как видно из рисунка, равен

$$V = \sqrt{V_1^2 + V_2^2 - 2 \times V_1 \times V_2 \times \cos \alpha}$$

Подставляем числа.

$$V = \sqrt{(54)^2 + (72)^2 - 2 \times 54 \times 72 \times \cos 60^\circ} \text{ км/ч} =$$
$$= 64,9 \text{ км/ч} = 18 \text{ м/с}.$$

Ответ: $V = 18 \text{ м/с}$

113. Орудие, жестко закрепленное на железнодорожной платформе, производит выстрел вдоль полотна железной дороги под углом $\alpha = 30^\circ$ к линии горизонта. Определить скорость u_2 отката платформы, если снаряд вылетает со скоростью $u_1 = 480 \text{ м/с}$. Масса платформы с орудием и снарядами $M = 18 \text{ т}$ масса снаряда $m = 60 \text{ кг}$.

Дано:

$$m = 60 \text{ кг}$$

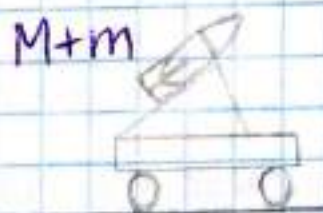
$$M = 18000 \text{ кг}$$

$$V_1 = 480 \text{ м/с}$$

$$\alpha = 30^\circ$$

$$V_2 = ?$$

Решение:



Для определения скорости V_2 воспользуемся законом сохранения импульса: $m \times \vec{V}_1 = M \times \vec{V}_2$, где $m \times \vec{V}_1$ - импульс снаряда, $M \times \vec{V}_2$ - импульс платформы после выстрела.

Проектируем вектора импульсов на ось x и получаем

На ось x : $m \times V_1 \times \cos \alpha = M \times V_2$. Откуда искомая скорость $V_2 = \frac{m \times V_1 \times \cos \alpha}{M}$. Подставляем

чала (переводя одновременно все величины в систему СИ).

$$V_2 = \frac{60 \text{ кг} \times 480 \text{ м/с} \times \cos 30^\circ}{18000 \text{ кг}} = 1,39 \text{ м/с}$$

Ответ: $V_2 = 1,39 \text{ м/с}$

123. Шар массой $m = 1 \text{ кг}$ движется со скоростью $V_0 = 4 \text{ м/с}$ и сталкивается с шаром массой $M = 2 \text{ кг}$, движущимся навстречу со скоростью $V = 3 \text{ м/с}$. Каковы скорости V_1 и V_2 шаров после удара? Удар считать абсолютно упругим, прямым, центральным.

Дано:

$$m = 1 \text{ кг}$$

$$V_0 = 4 \text{ м/с}$$

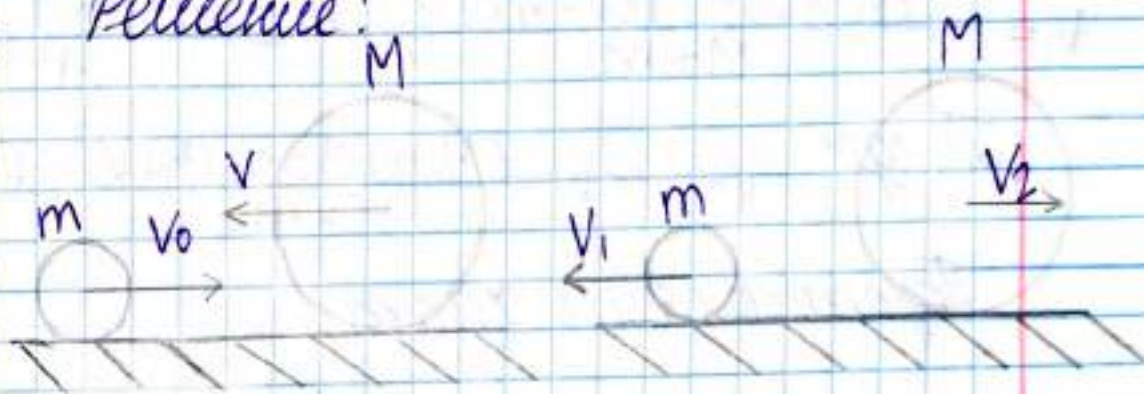
$$M = 2 \text{ кг}$$

$$V = 3 \text{ м/с}$$

$$V_1 = ?$$

$$V_2 = ?$$

Решение:



Из закона сохранения импульса

$$\text{находим: } m \times V_0 - M \times V = M \times V_2 - m \times V_1$$

$$\text{Упрощаем и получаем } m \times (V_0 + V_1) = M \times (V_2 + V)$$

Из закона сохранения энергии получаем:

$$\frac{m \times V_0^2}{2} + \frac{M \times V^2}{2} = \frac{m \times V_1^2}{2} + \frac{M \times V_2^2}{2}$$

$$\text{Упрощаем и получаем } m \times (V_0^2 - V_1^2) = M \times (V_2^2 - V^2)$$

$$\text{Преобразуем к виду } m \times (V_0 - V_1) \times (V_0 + V_1) = M \times (V_2 - V) \times (V_2 + V)$$

$$\text{Делим это уравнение на } m \times (V_0 + V_1) = M \times (V_2 + V)$$

$$\text{и получаем: } \frac{m \times (V_0 - V_1) \times (V_0 + V_1)}{m \times (V_0 + V_1)} = \frac{M \times (V_2 - V) \times (V_2 + V)}{M \times (V_2 + V)}$$

Откуда получаем $V_0 - V_1 = V_2 - V$

Из этого уравнения находим $V_2 = V_0 + V - V_1$
и подставляем в закон сохранения
импульса $m \times V_0 - M \times V = M \times V_2 - m \times V_1 =$
 $= M \times (V_0 + V - V_1) - m \times V_1$, откуда скорость
первого шара равна:

$$V_1 = - \frac{m \times V_0 - M \times V - M \times (V_0 + V)}{M + m} = \frac{(M - m) \times V_0 + 2 \times M \times V}{M + m}$$

$$\text{Тогда } V_2 = V_0 + V - \frac{(M - m) \times V_0 + 2 \times M \times V}{M + m} = \frac{(m - M) \times V_0 + 2 \times m \times V}{M + m}$$

Подставляем числа.

$$V_1 = \frac{(2 \text{ кг} - 1 \text{ кг}) \times 4 \text{ м/с} + 2 \times 2 \text{ кг} \times 3 \text{ м/с}}{2 \text{ кг} + 1 \text{ кг}} = 5,33 \text{ м/с}$$

$$V_2 = \frac{(1 \text{ кг} - 2 \text{ кг}) \times 3 \text{ м/с} + 2 \times 1 \text{ кг} \times 4 \text{ м/с}}{2 \text{ кг} + 1 \text{ кг}} = 1,67 \text{ м/с}$$

Ответ: $V_1 = 5,33 \text{ м/с}$

$V_2 = 1,67 \text{ м/с}$

133. Пружина жесткостью $k = 500 \text{ Н/м}$ сжата силой $F = 100 \text{ Н}$. Определить работу A внешней силы, дополнительно сжимающей пружину еще на $\Delta x = 2 \text{ см}$.

Дано:

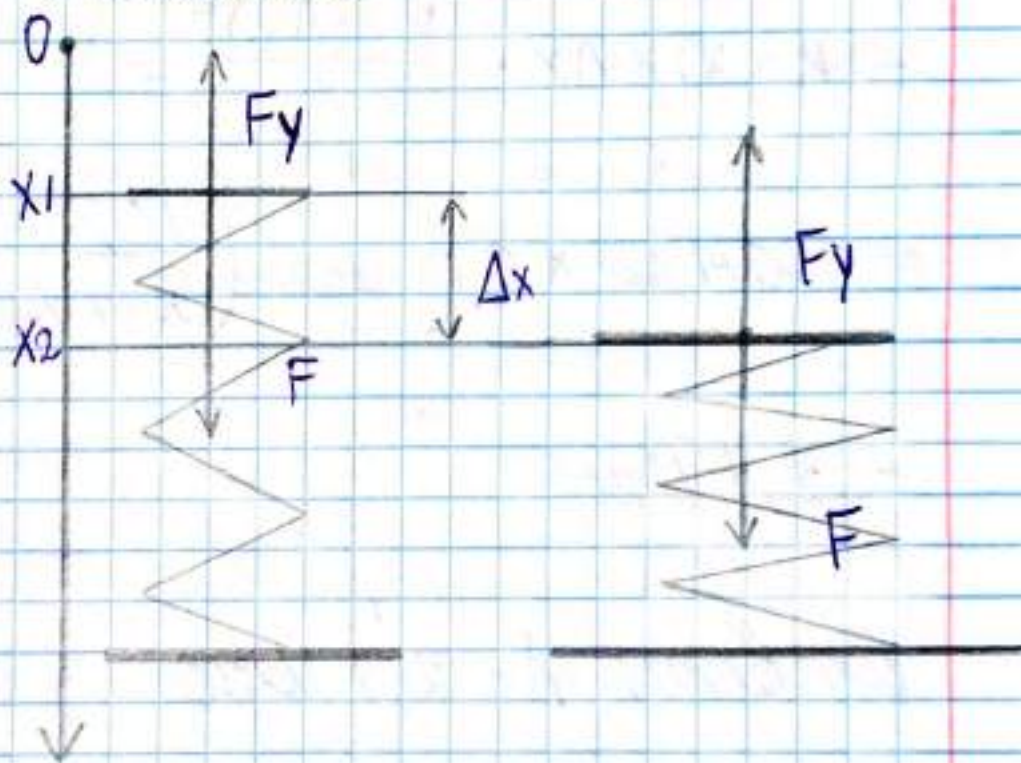
$$k = 500 \text{ Н/м}$$

$$F = 100 \text{ Н}$$

$$\Delta x = 2 \text{ см}$$

$$A = ?$$

Решение:



По определению сила упругости $F_y = k \cdot x$, где k - коэффициент жесткости, x - величина деформации. Из третьего закона Ньютона получаем $F = F_y = k \cdot x_1$

Поэтому $x_1 = \frac{F}{k}$ - начальная деформация пружины.

Конечная деформация пружины будет равна $x_2 = x_1 + \Delta x$

Работа силы $F = F_y = k \times X$ по деформации пружины равна

$$A = \int_{x_1}^{x_2} F dx = \int_{x_1}^{x_1 + \Delta x} kx dx = \frac{k \times (x_1 + \Delta x)^2}{2} - \frac{k \times (x_1)^2}{2} =$$
$$= k \times x_1 \times \Delta x + \frac{k \times (\Delta x)^2}{2} = k \times \Delta x \times \left(\frac{F}{k} + \frac{\Delta x}{2} \right) =$$

$$= 500 \text{ Н/м} \times 0,02 \text{ м} \times \left(\frac{100 \text{ Н}}{500 \text{ Н/м}} + \frac{0,02 \text{ м}}{2} \right) =$$

$$= 2,1 \text{ Дж}$$

Ответ: $A = 2,1 \text{ Дж}$

143. На обод маховика диаметром $D=60\text{ см}$ намотан шнур, к концу которого привязан груз массой $m=2\text{ кг}$. Определить момент инерции J маховика, если он, вращаясь равноускоренно под действием силы тяжести груза, за время $t=3\text{ с}$ приобрел угловую скорость $\omega=9\text{ рад/с}$.

Дано:

$$D=2 \times R = 60\text{ см}$$

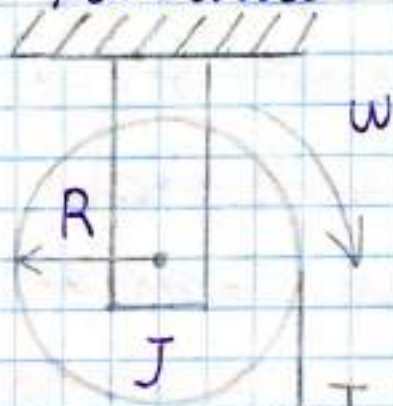
$$m=2\text{ кг}$$

$$t=3\text{ с}$$

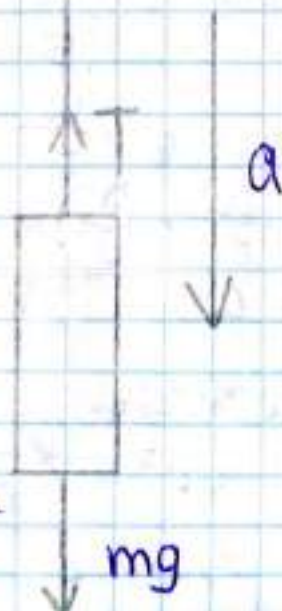
$$\omega=9\text{ рад/с}$$

$$J=?$$

Решение:



Согласно основному закону динамики вращения $J = \frac{M}{\varepsilon}$, где M — вращающий момент силы T натянутой нити,



$\varepsilon = \frac{a}{R}$ - угловое ускорение вала. Угловая скорость изменяется по закону $\omega = \varepsilon t$.

Нам известно, что через время $t = 3\text{с}$ угловая скорость $\omega = 9\text{ рад/с}$, поэтому $\omega = \varepsilon t$, откуда $\varepsilon = \frac{\omega}{t}$. По определению момента силы $M = T \times R$, где $R = D/2$ - радиус маховика.

Т.к. натяжение нити и ускорение груза обусловлены его весом $P = mg$, то из второго закона Ньютона получаем $m\vec{a} = m\vec{g} + \vec{T}$. Проецируем вектора на ось x и получаем: $ma = mg - T$, откуда $T = mg - ma$. Тогда $M = m \times (g - a) \times R$ и $J = \frac{M}{\varepsilon} = \frac{m \times (g - a) \times R}{\varepsilon}$.

Нам известно, что $\varepsilon = \frac{a}{R}$, откуда $a = \varepsilon \times R$ откуда $J = \frac{m \times (g - \varepsilon \times R) \times R}{\varepsilon}$. Нам также

известно, что $\varepsilon = \frac{\omega}{t}$ и $R = D/2$, поэтому $J = \frac{m \times (g - \frac{\omega}{t} \times \frac{D}{2}) \times \frac{D}{2} \times t}{\omega}$.

Подставляем числа

$$J = \frac{2\text{ кг} \times \left(9,81\text{ м/с}^2 - \frac{9\text{ рад/с}}{3\text{ с}} \times \frac{0,6\text{ м}}{2} \right) \times \frac{0,6\text{ м}}{2} \times 3\text{ с}}{9\text{ рад/с}} = 1,78\text{ кг}\cdot\text{м}^2$$

Отв: $J = 1,78\text{ кг}\cdot\text{м}^2$

153. Платформа в виде диска диаметром $D = 3\text{ м}$ и массой $m_1 = 180\text{ кг}$ может вращаться вокруг вертикальной оси. С какой угловой скоростью ω будет вращаться эта платформа, если по ее краю пойдет человек массой $m_2 = 70\text{ кг}$ со скоростью $v = 1,8\text{ м/с}$ относительно платформы?

Дано:

Решение:

$$D = 3\text{ м}$$

$$m_1 = 180\text{ кг}$$

$$m_2 = 70\text{ кг}$$

$$v = 1,8\text{ м/с}$$

$$\omega = ?$$

Обходя платформу по краю со скоростью v , человек обладает

моментом импульса относительно

$$\text{оси вращения: } L_2 = m_2 \times v \times R = m_2 \times v \times \frac{D}{2}$$

Момент импульса диска, вращающегося

$$\text{с угловой скоростью } \omega \text{ равен } L_1 = J \times \omega, \text{ где } J = \frac{m_1 \times D^2}{8} -$$

- момент инерции диска диаметром D и массой m .

Из закона сохр. момента имп-са имеем $L_1 = L_2$, откуда

$$m_2 \times v \times \frac{D}{2} = J \times \omega = \frac{m_1 \times D^2}{8} \times \omega$$

$$\text{Поэтому угловая скор.} = \omega = \frac{4 \times m_2 \times v \times D}{m_1 \times D^2} = \frac{4 \times m_2 \times v}{m_1 \times D}$$

$$\omega = \frac{4 \times 70\text{ кг} \times 1,8\text{ м/с}}{180\text{ кг} \times 3\text{ м}} = 0,93\text{ рад/с}$$

Ответ: $\omega = 0,93\text{ рад/с}$

163. Из бесконечности на поверхность Земли падает метеорит массой $m = 30 \text{ кг}$. Опред. работу A , которая при этом будет совершена силами гравит-го поля Земли. Ускор. своб. падение g у поверхности Земли и ее радиус R считать известными.

Дано:

$$h = \infty$$

$$m = 30 \text{ кг}$$

$$g = 9,81 \text{ м/с}^2$$

$$R = 6400 \text{ км}$$

$$A = ?$$

Решение: На тело действует сила

всмирного тяготения со стороны Земли, равная

$$F = \gamma \frac{m \times M}{(h+R)^2}, \text{ где } \gamma = 6,67 \times 10^{-11} \text{ Н} \cdot \text{м}^2 / \text{кг}^2$$

γ - гравитационная постоянная; M - масса Земли

R - радиус Земли; h - расстояние от тела до поверхности Земли.

Рассмотрим второй случай: $h = \infty$

Работа по определению равна $A = \int_{x_1}^{x_2} F(x) dx$, где x_1 -

- начальное положение тела ($x_1 = R$), x_2 - конечное ($x_2 = 0$),

$F(x) = \gamma \frac{m \times M}{(x+R)^2}$, а x - это положение (высота) тела.

$$\text{Тогда } A = \int_{\infty}^0 \gamma \frac{m \times M}{(x+R)^2} dx = \gamma \times m \times M \left[-\frac{1}{R} + \frac{1}{(\infty)} \right] = -\frac{\gamma \times m \times M}{R}$$

Нам известна напряженность поля на поверхности Земли $g = \gamma \times \frac{M}{R^2}$, поэтому

$$A = -m \times g \times R = -30 \text{ кг} \times 9,81 \text{ м/с}^2 \times 6400 \times 10^3 \text{ м} = -1,88 \times 10^9 \text{ Дж}$$

Ответ: $A = -1,88 \times 10^9 \text{ Дж}$

173. Точка совершает простые гармонические колебания, уравнение которых $x = A \sin \omega t$, где $A = 5 \text{ см}$, $\omega = 2 \text{ с}^{-1}$. В момент времени, когда точка обладает потенциальной энергией $E_p = 0,1 \text{ мДж}$, на нее действовала возвращающая сила $F = 5 \text{ мН}$. Найти этот момент времени t .

Решение:

Дано:

$$A = 5 \text{ см}$$

$$\omega = 2 \text{ с}^{-1}$$

$$E_p = 0,1 \text{ мДж}$$

$$F = 5 \text{ мН}$$

$$T = ?$$

Уравнение гармонич. колеб. $x = A \sin(\omega t)$,

где x - смещение колеблющейся величины,

A - амплитуда колебаний, ωt - фаза

колебаний, ω - угловая частота.

$$V = \frac{dx}{dt} = \frac{d(A \sin(\omega t))}{dt} = A\omega \cos(\omega t)$$

Макс. скорость равна $V_{\max} = A\omega$. Поэтому полная энергия

$$\text{маятника равна } E = \frac{m \times V^2}{2} = \frac{m \times (A\omega)^2}{2}$$

Согласно закону сохранения $E = E_p + E_k$ потенциальная энергия равна

$$E_p = E - E_k, \text{ поэтому } E_p = \frac{m \times (A\omega)^2}{2} - \frac{m \times (A\omega)^2}{2} \times$$

$$\cos^2(\omega t) = \frac{m \times (A\omega)^2}{2} \times \sin^2(\omega t). \text{ Ускорение}$$

$$\text{точки, совершающей гармонич. колеб. } a = \frac{d^2x}{dt^2} = -A\omega^2 \sin(\omega t).$$

В момент времени $t = T$ ускорение будет равно $a(t = T) =$

$$= -A\omega^2 \sin(\omega T). \text{ Тогда сила действующая на точку равна по 2-му}$$

$$\text{закону Ньютона: } F = m \times a = -m \times A\omega^2 \sin(\omega T). \text{ Модуль}$$

возвращающей силы равен

$$F = m \times A\omega^2 \sin(\omega T)$$

Поделим потенциальную энергию на силу и получим:

$$\frac{E_p}{F} = \frac{m \times (A \times \omega)^2}{2} \times \sin^2(\omega \times T) = \frac{A \times \sin(\omega \times T)}{2}$$

Откуда время равно $T = \frac{1}{\omega} \times \arcsin\left(\frac{2 \times E_p}{F \times A}\right)$.

Подставляем значения

$$T = \frac{1}{2 \text{ рад/с}} \times \arcsin\left(\frac{2 \times 0,1 \times 10^{-3} \text{ Дж}}{5 \times 10^{-3} \text{ Н} \times 0,05 \text{ м}}\right) = 0,46 \text{ с}$$

Ответ: $T = 0,46 \text{ с}$

203. Вода при температуре $t = 4^\circ\text{C}$ занимает объем $V = 1 \text{ см}^3$. Определить количество вещества и число N молекул воды.

Дано:

H_2O

$M = 0,018 \text{ кг/моль}$

$t = 4^\circ\text{C}$

$V = 1 \text{ см}^3$

$V = ?$

$N = ?$

Решение:

Количество молей в массе вещества m равно $\nu = \frac{m}{M}$, где M — молярная масса вещества.

Масса воды равна $m = \rho \times V$, где

$\rho = 1000 \text{ кг/м}^3$ — плотность воды, V — объем.

Тогда $\nu = \frac{\rho \times V}{M}$. Подставляя

числа (переводя одновременно все величины в систему СИ),

$$\nu = \frac{1000 \text{ кг/м}^3 \times 10^{-6} \text{ м}^3}{0,018 \text{ кг/моль}} = 0,056 \text{ моль}.$$

Число молекул в ν количестве молей равно

$N = N_A \times \nu$, где $N_A = 6,023 \times 10^{23} \text{ моль}^{-1}$ — число

Авогадро. Тогда $N = N_A \times \nu = 6,023 \times 10^{23} \text{ моль}^{-1} \times 0,056 \text{ моль} = 3,4 \times 10^{22}$ молекулы.

Ответ: $\nu = 0,056 \text{ моль}$ $N = 3,4 \times 10^{22}$ молекул

213. Баллон вместимостью $V = 20$ л заполнен азотом при температуре $T = 400$ К. Когда часть газа израсходовали, давление в баллоне понизилось на $\Delta P = 200$ кПа. Определить массу Δm израсход. газа. Процесс считать изотермическим.

Дано:

Решение:

N_2
($M = 0,028$ кг/моль)

$V_1 = V_2 = V = 20$ л

$\Delta P = 200$ кПа

$T_1 = T_2 = T = 400$ К

$\Delta m = ?$

Воспользуемся уравнением Клапейрона-Менделеева $PV = \frac{m}{M}RT = \nu RT$ где P давление, V - количество молей, V - объем сосуда, T - температура газа, $R = 8,31$ Дж/(моль·К) - универсальная газовая постоянная.

В первом случае $P_1 \times V = \frac{m_1}{M}R \times T_1$, откуда

$m_1 = \frac{P_1 \times V \times M}{R \times T_1}$; Во втором случае $P_2 \times V = \frac{m_2}{M}R \times T_2$,

откуда $m_2 = \frac{P_2 \times V \times M}{R \times T_2}$. Тогда искомая разность

$\Delta m = m_1 - m_2 = \frac{P_1 \times V \times M}{R \times T_1} - \frac{P_2 \times V \times M}{R \times T_2}$. Так как

температуры равны, то $\Delta m = \frac{(P_1 - P_2) \times V \times M}{R \times T} = \frac{\Delta P \times V \times M}{R \times T}$. Подставим числа:

$\Delta m = \frac{200 \times 10^3 \text{ Па} \times 20 \times 10^{-3} \text{ м}^3 \times 0,028 \text{ кг/моль}}{8,31 \text{ Дж/(моль·К)} \times 400 \text{ К}} = 0,034 \text{ кг} = 34 \text{ г}$

ответ: $\Delta m = 34 \text{ г}$

223. Количество вещества газа $\nu = 1,5$ моль, температура $T = 120$ К.
Определить суммарную кинетическую энергию E_k поступательного движения всех молекул этого газа.

Дано:

Решение:

$\nu = 1,5$ моль
 $T = 120$ К
 $E_k = ?$

Средняя кинетическая энергия поступательного движения одной молекулы равна $\langle \epsilon_{кин} \rangle = \frac{i}{2} kT$, где $k = 1,38 \times 10^{-23}$ Дж/К — постоянная Больцмана, i — поступательные степени

свободы молекулы ($i = 3$ в нашем случае т.к. три поступательных движения возможны). Общее число молекул в ν моль вещества равно

$N = N_A \times \nu$, где $N_A = 6,023 \times 10^{23}$ моль $^{-1}$ — число Авогадро. Поэтому суммарная кинетическая энергия равна $E_k = N \times \langle \epsilon_{кин} \rangle = N_A \times \nu \times \frac{i}{2} kT = \nu \times \frac{i}{2} RT$, где $R = 8,31$ Дж/(К·моль) — газовая постоянная.

Поэтому

$$E_k = \nu \times \frac{i}{2} RT = 1,5 \text{ моль} \times \frac{3}{2} \times 8,31 \text{ Дж/К моль} \times 120 \text{ К} = 2240 \text{ Дж} = 2,24 \text{ кДж}.$$

Ответ: $E_k = 2,24 \text{ кДж}$

233. Определить показатель адиабаты γ идеального газа, который при температуре $T = 350 \text{ К}$ и давлении $P = 0,4 \text{ МПа}$ занимает объем $V = 300 \text{ л}$ и имеет теплоемкость $C_v = 857 \text{ Дж/К}$.

Дано:

$$T = 350 \text{ К}$$

$$P = 0,4 \text{ МПа}$$

$$V = 300 \text{ л}$$

$$C_v = 857 \text{ Дж/К}$$

$$\gamma = ?$$

Решение:

Уравнения адиабаты идеального газа в перемешных

P и V : $PV^\gamma = \text{const}$, где $\gamma = \left(1 + \frac{R}{C_{mv}}\right)$ - показатель адиабаты, $R = 8,31 \text{ Дж/(моль} \times \text{К)}$ - универсальная газовая постоянная, C_{mv} - молярная изохорная теплоемкость газа.

Молярная изохорная теплоемкость вычисляется по формуле $C_{mv} = C_v \times \frac{M}{m}$, где C_v - изохорная теплоемкость газа, M - молекулярная масса газа. Поэтому $\gamma = \left(1 + \frac{R \times m}{C_v \times M}\right)$.

Вспользуемся уравнением Клапейрона - Менделеева $PV = \frac{m}{M} RT = \nu RT$ где P - давление, ν - количество молей, V - объем сосуда,

T - температура газа, $R = 8,31 \text{ Дж/(моль} \times \text{К)}$ - универсальная газовая постоянная. Откуда $\frac{R \times m}{M} = \frac{P \times V}{T}$. Подставляем в

$$\gamma = \left(1 + \frac{R \times m}{C_v \times M}\right) = \left(1 + \frac{P \times V}{C_v \times T}\right)$$

Подставляем числа (переводя одновременно все величины в систему СИ)

$$\gamma = \left(1 + \frac{0,4 \times 10^6 \text{ Па} \times 300 \times 10^{-3} \text{ м}^3}{857 \text{ Дж/К} \times 350 \text{ К}}\right) = 1,4$$

Ответ: $\gamma = 1,4$

243. Водород находится под давлением $p = 20 \text{ мкПа}$ и имеет температуру $T = 300 \text{ К}$. Определить среднюю длину свободного пробега $\langle \lambda \rangle$ молекулы такого газа.

Дано:

Решение:

$$T = 300 \text{ К}$$

$$p = 20 \text{ мкПа}$$



$$d = 2,3 \times 10^{-10} \text{ м}$$

$$M = 0,002 \text{ кг/моль}$$

$$\langle \lambda \rangle = ?$$

Средняя длина свободного пробега молекулы вычисляется по формуле $\langle \lambda \rangle = \frac{1}{\sqrt{2} \pi d^2 n}$, где d — эффективный диаметр молекулы, n — число молекул в единице объема, которое можно найти из уравнения $p = \frac{p}{kT}$, где

k — постоянная Больцмана. Поэтому

$$\langle \lambda \rangle = \frac{kT}{\sqrt{2} \pi d^2 p} \quad \text{Подставим числа}$$

$$\langle \lambda \rangle = \frac{1,38 \times 10^{-23} \text{ Дж/К} \times 300 \text{ К}}{\sqrt{2} \times 3,14 \times (2,3 \times 10^{-10} \text{ м})^2 \times 20 \times 10^{-6} \text{ Па}} = 881 \text{ м}$$

$$\text{Ответ: } \langle \lambda \rangle = 881 \text{ м}$$

253. При адиабатном сжатии давление воздуха было увеличено от $p_1 = 50 \text{ кПа}$ до $p_2 = 0,5 \text{ МПа}$. Затем при неизменном объеме температура воздуха была понижена до первоначальной. Определить давление p_3 газа в конце процесса.

Дано:

$$p_1 = 50 \text{ кПа}$$

$$p_2 = 0,5 \text{ МПа}$$

$$p_3 = ?$$

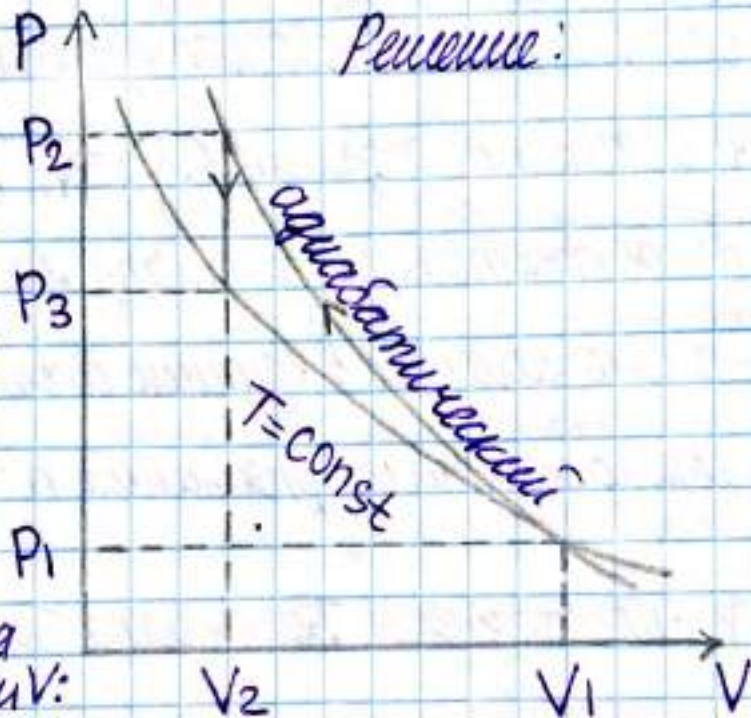
Решение:

Уравнение адиабаты

идеального газа
в термических p, V :
 $pV^\gamma = \text{const}$, где

$\gamma = \left(1 + \frac{R}{C_v}\right)$. Молярная изохорная теплоемкость вычисляется по формуле $C_v = \frac{i \times R}{2}$, где i - число степеней свободы молекулы (для воздуха существует 3 поступательные и 2 вращательные степени свободы $i = 3 + 2 = 5$). Поэтому $\gamma = \left(1 + \frac{2R}{5R}\right) = \frac{7}{5}$ и тогда $p \times V^{7/5} = \text{const}$

Так как эта величина константа, то получаем при давлении p_1 и p_2 : $p_1 \times V_1^{7/5} = p_2 \times V_2^{7/5}$, откуда $\frac{p_2}{p_1} = \left(\frac{V_1}{V_2}\right)^{7/5}$. Или же $\frac{V_1}{V_2} = \left(\frac{p_2}{p_1}\right)^{5/7}$.



Так как начальная и конечная точки лежат на изотерме $T = \text{const}$ (так как в условии сказано, что начальная и конечная температуры равны), то из уравнения изотермы $PV = \text{const}$ получаем: $P_3 \times V_2 = P_1 \times V_1$

Тогда искомое давление $P_3 = P_1 \times \frac{V_1}{V_2}$. Подставим

$\frac{V_1}{V_2} = \left(\frac{P_2}{P_1}\right)^{5/7}$ и получаем $P_3 = P_1 \times \left(\frac{P_2}{P_1}\right)^{5/7}$. Подставим числа (переводя одновременно все величины в систему СИ).

$$P_3 = 50 \times 10^3 \text{ Па} \times \left(\frac{0,5 \times 10^6 \text{ Па}}{50 \times 10^3 \text{ Па}}\right)^{5/7} = 2,59 \times 10^5 \text{ Па} = 0,259 \text{ МПа}.$$

Ответ: $P_3 = 0,259 \text{ МПа}$

263. Определить работу A_{34} изотермического сжатия газа, совершающего цикл Карно, КПД которого $\eta = 0,4$, если работа изотермического расширения равна $A_{12} = 8 \text{ Дж}$.

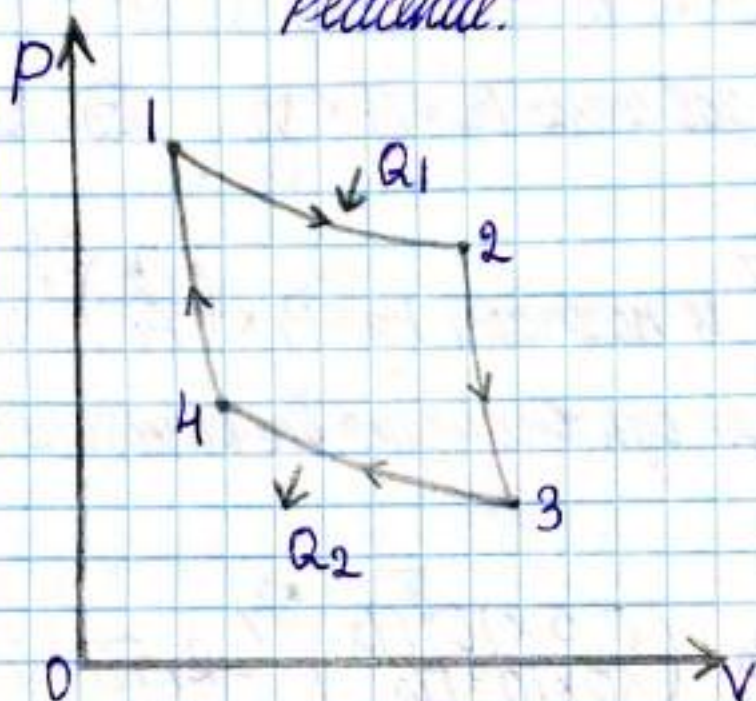
Дано:

$$\eta = 0,4$$

$$A_{12} = 8 \text{ Дж}$$

$$A_{34} = ?$$

Решение:



КПД тепловой машины равен отношению произведенной работы A к количеству тепла Q_1 , полученному рабочим телом от нагревателя: $\eta = \frac{A}{Q_1}$. Совершенная работа равна $A = Q_1 - Q_2$, где Q_2 — количество тепла, переданное холодильнику.

Поэтому $\eta = \frac{Q_1 - Q_2}{Q_1}$. Полная работа равна сумме работ при изотермическом сжатии (процесс 1-2) и расширении (процесс 3-4): $A = A_{12} + A_{34}$.

С другой стороны $A = A_{12} + A_{34} = \eta \times A_{12}$. Поэтому $A_{34} = (\eta - 1) \times A_{12}$. Подставим числа. $A_{34} = (0,4 - 1) \times 8 \text{ Дж} = -4,8 \text{ Дж}$.

Ответ: $A_{34} = -4,8 \text{ Дж}$.

273. Какая энергия E выделится при слиянии двух капель ртути диаметрами $d_1 = 0,8$ мм и $d_2 = 1,2$ мм в одну каплю?

Дано:

Решение:

$$d_1 = 0,8 \text{ мм}$$

$$d_2 = 1,2 \text{ мм}$$

$$\alpha = 465 \times 10^{-3} \text{ Н/м}$$

Hg

$$E = ?$$

Коэффициент поверхностного натяжения жидкости равен $\alpha = \frac{\Delta E}{\Delta S}$, где ΔE — изменение энергии при увеличении площади на ΔS . Искомая энергия как раз и равна $E = \Delta E$. Поэтому $\alpha = \frac{E}{\Delta S}$.

Откуда $E = \alpha \times \Delta S$, где ΔS — изменение площади ртути.

Объем шара диаметром d равен $V = \frac{4}{3} \pi \times \left(\frac{d}{2}\right)^3$, а площадь $S = \pi \times \left(\frac{d}{2}\right)^2$. Поэтому $S_1 = \pi \times \left(\frac{d_1}{2}\right)^2$ и $S_2 = \pi \times \left(\frac{d_2}{2}\right)^2$.

Сумма этих площадей — это начальная площадь ртути:

$$S = S_1 + S_2 = \pi \times \left(\frac{d_1}{2}\right)^2 + \pi \times \left(\frac{d_2}{2}\right)^2 = \frac{\pi}{4} \times (d_1^2 + d_2^2).$$

Полный объем ртути до и после слияния не изменился.

Начальный объем равен объему двух капель:

$$V = V_1 + V_2 = \frac{4}{3} \pi \times \left(\frac{d_1}{2}\right)^3 + \frac{4}{3} \pi \times \left(\frac{d_2}{2}\right)^3.$$

Поэтому и конечный объем равен $V' = \frac{4}{3} \pi \times \left(\frac{d_1}{2}\right)^3 + \frac{4}{3} \pi \times \left(\frac{d_2}{2}\right)^3$.

Конечный объем капли равен $V' = \frac{4}{3}\pi \left(\frac{d'}{2}\right)^3$, а площадь $S' = \pi \times \left(\frac{d'}{2}\right)^2$. Поэтому $S' = \pi \times \left(\frac{3 \times V'}{4\pi}\right)^{\frac{2}{3}}$. Подстав

ляем сюда найденный объем и получаем

$$S' = \pi \times \left(\frac{3}{4\pi} \times \left(\frac{4}{3}\pi \times \left(\frac{d_1}{2}\right)^3 + \frac{4}{3}\pi \times \left(\frac{d_2}{2}\right)^3 \right) \right)^{\frac{2}{3}} =$$
$$= \frac{\pi}{4} \times \left((d_1)^3 + (d_2)^3 \right)^{\frac{2}{3}}. \text{ Тогда изменение площади равно}$$

$$\Delta S = S - S' = \frac{\pi}{4} \times \left((d_1)^3 + (d_2)^3 \right)^{\frac{2}{3}} - \frac{\pi}{4} \times \left((d_1)^2 + (d_2)^2 \right).$$

$$\text{Тогда энергия равна } E = \frac{\alpha \times \pi}{4} \times \left[\left((d_1)^2 + (d_2)^2 \right) - \left((d_1)^3 + (d_2)^3 \right)^{\frac{2}{3}} \right]$$

Подставляем числа

$$E = \frac{465 \times 10^{-3} \text{ Н/м} \times 3,14}{4} \times \left[\left((0,8 \times 10^{-3} \text{ м})^2 + (1,2 \times 10^{-3} \text{ м})^2 \right) - \left((0,8 \times 10^{-3} \text{ м})^3 + (1,2 \times 10^{-3} \text{ м})^3 \right)^{\frac{2}{3}} \right] = 1,34 \times 10^{-7} \text{ Дж} =$$
$$= 0,134 \text{ мкДж}.$$

Ответ: $E = 0,134 \text{ мкДж}$.

303. Две одинаковые круглые пластины площадью $S = 400 \text{ см}^2$ каждая расположены параллельно друг другу. Заряд одной пластины $q_1 = 400 \text{ нКл}$, другой $q_2 = -200 \text{ нКл}$. Определить силу F взаимного притяжения пластин, если расстояние между ними: а) $r = 3 \text{ мм}$; б) $r = 10 \text{ м}$.

Дано:

$S = 400 \text{ см}^2$	$4,0 \cdot 10^{-2} \text{ м}^2$
$q_1 = 400 \text{ нКл}$	$4,0 \cdot 10^{-6} \text{ Кл}$
$q_2 = -200 \text{ нКл}$	$-2,0 \cdot 10^{-6} \text{ Кл}$
$r_1 = 3 \text{ мм}$	$3 \cdot 10^{-3} \text{ м}$
$r_2 = 10 \text{ м}$	
$F = ?$	

Решение:

В первом случае ($r = 3 \text{ мм}$) размеры пластин существенно больше расстояния между пластинами и силу взаимодействия

можно найти по формуле. $|F| = |q_2 \cdot E| = |q_2 \cdot \frac{q_1}{2\epsilon_0 S}|$

$$F = \frac{|q_1 \cdot q_2|}{2\epsilon_0 S} = \frac{|4,0 \cdot 10^{-6} \text{ Кл} \cdot (-2,0) \cdot 10^{-6} \text{ Кл}|}{2 \cdot 8,85 \cdot 10^{-12} \text{ Ф/м} \cdot 4,0 \cdot 10^{-2} \text{ м}^2} \approx 0,90 \text{ Н}$$

Когда $r = 10 \text{ м}$ размерами пластин можно пренебречь и считать их точечными источниками. Тогда силы расчит.: :

$$F_2 = \frac{|q_1 \cdot q_2|}{r_2^2} = 8,988 \cdot 10^9 \frac{\text{Н} \cdot \text{м}^2}{\text{Кл}^2} \frac{|4,0 \cdot 10^{-6} \text{ Кл} \cdot (-2,0) \cdot 10^{-6} \text{ Кл}|}{(10 \text{ м})^2} \approx$$

$$\approx 7,19 \cdot 10^{-6} \text{ Н} = 7,19 \text{ мкН}$$

Ответ: $F_1 = 0,90 \text{ Н}$, $F_2 = 7,19 \text{ мкН}$

313. На расстоянии $r_1 = 4 \text{ см}$ от бесконечно длинной заряженной нити находится точечный заряд $q = 60 \text{ нКл}$. Под действием поля заряд перемещается до расстояния $r_2 = 2 \text{ см}$, при этом совершается работа $A = 5 \text{ мкДж}$. Найти линейную плотность заряда нити.

Дано:

$$r_1 = 4 \text{ см} = 4 \cdot 10^{-2} \text{ м}$$

$$q = 60 \text{ нКл} = 6,0 \cdot 10^{-8} \text{ Кл}$$

$$r_2 = 2 \text{ см} = 2 \cdot 10^{-2} \text{ м}$$

$$A = 5 \text{ мкДж} = 5 \cdot 10^{-6} \text{ Дж}$$

$$\tau = ?$$

Решение:

Напряженность поля от бесконечной нити. $E = \frac{\tau}{2\pi\epsilon_0 r}$. Сила действующая на заряд в таком поле $F = E \cdot q = \frac{\tau q}{2\pi\epsilon_0 r}$

$$\begin{aligned} \text{Работа вычисляется: } A &= \int_1^2 F(r) dr = \int_{r_1}^{r_2} \frac{\tau q}{2\pi\epsilon_0 r} \frac{dr}{r} = \\ &= \frac{\tau q}{2\pi\epsilon_0} \ln \frac{r_2}{r_1} \Rightarrow \tau = \frac{2\pi\epsilon_0 A}{q \ln \frac{r_2}{r_1}} = \frac{2 \cdot 3,142 \cdot 8,85 \cdot 10^{-12} \text{ Ф/м} \cdot 5 \cdot 10^{-6} \text{ Дж}}{6,0 \cdot 10^{-8} \text{ Кл} \cdot \ln \frac{2 \text{ см}}{4 \text{ см}}} \\ &\approx -6,69 \cdot 10^{-9} \text{ Кл/м} = -6,7 \text{ нКл/м} \end{aligned}$$

Ответ: $\tau = -6,7 \text{ нКл/м}$

323. Определить число электронов, проходящих за время $t=1\text{с}$ через поперечное сечение площадью $S=1\text{мм}^2$ железной проволоки длиной $l=20\text{м}$ при напряжении на ее концах $U=16\text{В}$, если удельное сопротивление железа $\rho=9,8\cdot 10^{-8}\text{Ом}\cdot\text{м}$.

Дано

Решение:

$$t=1\text{с}$$

Сопротивление проволоки.

$$S=1\text{мм}^2=1\cdot 10^{-6}\text{м}^2$$

$$R=\rho \frac{l}{S}$$

$$l=20\text{м}$$

Сила тока в проволоке:

$$U=16\text{В}$$

$$I=\frac{U}{R}=\frac{U\cdot S}{\rho l}$$

$$\rho=9,8\cdot 10^{-8}\text{Ом}\cdot\text{м}$$

Проходящий через сечение заряд:

$$N=?$$

$$Q=I\cdot t=\frac{U\cdot S}{\rho l}t$$

Количество электронов $N=\frac{Q}{e}$, где e -заряд электрона

$$N=\frac{Ust}{\rho l e}=\frac{16\text{В}\cdot 1\cdot 10^{-6}\text{м}^2\cdot 1\text{с}}{9,8\cdot 10^{-8}\text{Ом}\cdot\text{м}\cdot 20\text{м}\cdot 1,6\cdot 10^{-19}\text{Кл}}=$$

$$=5,1\cdot 10^{19}$$

$$\text{Ответ: } N=5,1\cdot 10^{19}$$

333. На плитке мощностью 0,5 кВт стоит чайник, в который налит 1 л воды при температуре 16°C . Вода в чайнике закипела через 20 мин после выключения плитки. Какое кол. тепла потеряно при этом на нагревание самого чайника, на излучение и т.д.?

Дано:

Решение:

$$P = 0,5 \text{ кВт} = 5 \cdot 10^2 \text{ Вт}$$

$$V = 1 \text{ л} = 1 \cdot 10^{-3} \text{ м}^3$$

$$t_0 = 16^{\circ}\text{C}$$

$$T = 20 \text{ мин} = 1200 \text{ с}$$

$$\Delta Q = ?$$

$$\text{Тепло, выделенное плиткой } Q_1 = P \cdot t = 5 \cdot 10^2 \text{ Вт} \cdot 1200 \text{ с} = 6 \cdot 10^5 \text{ Дж}$$

$$\text{Тепло, необходимое для доведения воды до кипения } Q_2 = mc \Delta t$$

$$m = \rho \cdot V - \text{масса воды, } \Delta t = t_2 - t_0 -$$

- разность конечной и начальной температур

($t_2 = 100^{\circ}\text{C}$ - температура кипения)

$$Q_2 = \rho V c (t_2 - t_1) = 1,0 \cdot 10^3 \text{ кг/м}^3 \cdot 1 \cdot 10^{-3} \text{ м}^3 \cdot$$

$$4,19 \cdot 10^3 \text{ Дж/кг} \cdot \text{К} \cdot (100 - 16)^{\circ}\text{C} = 3,52 \cdot 10^5 \text{ Дж} \approx$$

$$\approx 3,5 \cdot 10^5 \text{ Дж}$$

$$\text{Следовательно потерянное тепло } \Delta Q = Q_1 - Q_2 = (6 \cdot 10^5 - 3,5 \cdot 10^5) \text{ Дж} = 2,5 \cdot 10^5 \text{ Дж}$$

$$\text{Ответ: } \Delta Q = 2,5 \cdot 10^5 \text{ Дж}$$

343. Плотность тока в медном проводнике равна $0,1 \text{ MA}/\text{м}^2$. Определить объемную плотность тепловой мощности тока.

Дано:

Решение:

$$J = 0,1 \text{ MA}/\text{м}^2 = 1 \cdot 10^5 \text{ A}/\text{м}^2$$

$$\text{Мощность тока } P = U \cdot I$$

$$W = ?$$

$$U = E \cdot L \text{ (} E - \text{напряженность,}$$

L - длина проводника)

$$I = J \cdot S \text{ (} S - \text{площадь сечения проводника)}$$

$$P = E \cdot L \cdot J \cdot S = E \cdot J \cdot V \text{ (} V - \text{объем проводника)}$$

Связь напряженности и плотности тока. $E = J \cdot \rho$

ρ - удельное сопротивление, для меди $\rho = 1,75 \cdot 10^{-8} \text{ Ом} \cdot \text{м}$

$$P = E \cdot J \cdot V = J \rho \cdot J \cdot V = \rho J^2 V$$

$$W = \frac{P}{V} = \rho J^2 = 1,75 \cdot 10^{-8} \text{ Ом} \cdot \text{м} \cdot \left(1 \cdot 10^5 \frac{\text{A}}{\text{м}^2}\right)^2 = 1,75 \text{ Вт}/\text{м}^3$$

$$\text{Ответ: } W = 1,75 \cdot 10^2 \text{ Вт}/\text{м}^3$$

353. Частица, несущая один элементарный заряд, влетела в однородное магнитное поле с индукцией $B=0,2$ Т под углом $\alpha=30^\circ$ к направлению линий индукции. Определить силу Лоренца F_L , если скорость частицы $v=10^5$ м/с.

Дано:

$$B=0,2 \text{ Тл}$$

$$\alpha=30^\circ$$

$$v=10^5 \text{ м/с}$$

$$q=1,602 \cdot 10^{-19} \text{ Кл}$$

$$F_L = ?$$

Решение:

$$\vec{F}_L = q [\vec{v} \times \vec{B}]$$

$$|\vec{F}_L| = q v \cdot B \cdot \sin \alpha = 1,602 \cdot 10^{-19} \text{ Кл} \cdot 10^5 \text{ м/с} \cdot 0,2 \text{ Тл} \cdot \sin 30^\circ =$$

$$= 1,6 \cdot 10^{-15} \text{ Н} \approx 2 \cdot 10^{-15} \text{ Н}$$

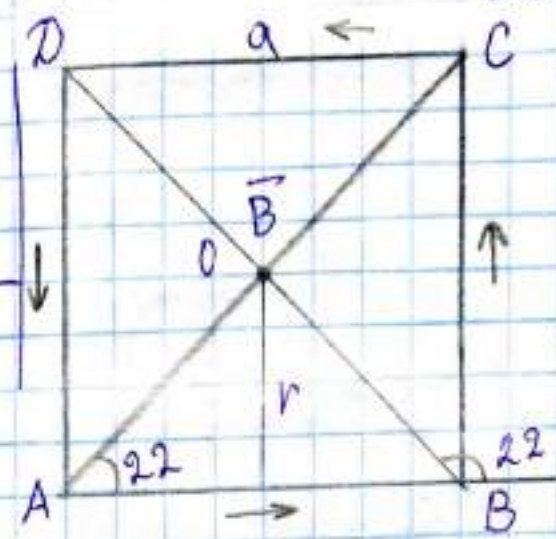
$$\text{Ответ: } F_L \approx 2 \cdot 10^{-15} \text{ Н}$$

363. По квадратной рамке со стороной 0,2 м течет ток силой 4 А. Определить напряженность и индукцию магнитного поля в центре рамки.

Дано:

$a = 0,2 \text{ м}$
 $I = 4 \text{ А}$
 $H, B = ?$

Решение:



Магнитная индукция поля B в центре квадрата (т.с) будет вычислять как сумма магнитных индукций с токами

$\vec{B} = \vec{B}_1 + \vec{B}_2 + \vec{B}_3 + \vec{B}_4$ Все векторы индукции в точке O направлены, с ними и из соображений симметрии равен

$B_1 = B_2 = B_3 = B_4$ Перемыкающая магн. индукция $B = 4B_1$ индукция B_1 , создаваемая стороной рам. AB вычис-

ляется по формуле: $B_1 = \frac{\mu_0 I}{4\pi r} (\cos \alpha_1 - \cos \alpha_2)$ r, α_1 и α_2 см. рис.

$$r = \frac{a}{2} \quad \alpha_1 = \frac{\pi}{4} \quad \alpha_2 = \frac{\pi}{2} - \frac{\pi}{4} = \frac{3\pi}{4}$$

$$B_1 = \frac{\mu_0 I}{2\pi a} \left(\cos \frac{\pi}{4} - \cos \frac{3\pi}{4} \right) = \frac{\mu_0 I}{2\pi a} \left(\frac{\sqrt{2}}{2} - \left(-\frac{\sqrt{2}}{2} \right) \right) = \frac{\mu_0 I \sqrt{2}}{2\pi a}$$

Сумма $B = 4 B_1$ получим

$$B = \frac{2\sqrt{2} \mu_0 I}{\pi a} = \frac{2\sqrt{2} \cdot 4\pi \cdot 10^{-7} \cdot 4}{\pi \cdot 0,2} = 2,3 \cdot 10^{-5} \text{ Тл} \quad H = \frac{B}{\mu_0} = 18 \text{ А/м}$$

Ответ: $B = 2,3 \cdot 10^{-5} \text{ Тл}$, $H = 18 \text{ А/м}$

373. Колебательный контур состоит из параллельно соединенных конденсатора емкости $C = 1 \text{ мкФ}$ и катушки индуктивности $L = 1 \text{ мГн}$. Активное сопротивление контура пренебрежимо мало. Найти частоту собственных колебаний ν .

Дано:

Решение:

$$C = 1 \text{ мкФ} = 1 \cdot 10^{-6} \text{ Ф}$$

$$L = 1 \text{ мГн} = 1 \cdot 10^{-3} \text{ Гн}$$

$$\nu = ?$$

$$T = 2\pi \sqrt{LC}$$

$$\nu = \frac{1}{T} = \frac{1}{2\pi \sqrt{LC}} =$$

$$= \frac{1}{2 \cdot 3,142 \cdot \sqrt{1 \cdot 10^{-3} \text{ Гн} \cdot 1 \cdot 10^{-6} \text{ Ф}}}$$

$$\approx 5,0 \cdot 10^3 \text{ с}^{-1}$$

$$\text{Ответ: } \nu = 5,0 \cdot 10^3 \text{ с}^{-1} (\text{Гц})$$

403. Луч света падает под углом $\alpha = 30^\circ$ на плоскопараллельную пластинку и выходит из нее параллельно первоначальному лучу со смещением на $d = 1,94$ см. Коэффициент преломления стекла $n = 1,5$. Найти толщину пластинки h .

Дано:

Решение:

$$\alpha = 30^\circ$$

$$d = 1,94 \text{ см}$$

$$n = 1,5$$

$$h = ?$$

$$\text{Тогда } h = AB \cdot \cos \beta \quad (\text{из } \triangle ABO)$$

$$\text{по зак-ну преломления } n = \frac{\sin \alpha}{\sin \beta} \Rightarrow \sin \beta = \frac{\sin \alpha}{n} \Rightarrow$$

$$\Rightarrow \cos \beta = \sqrt{1 - \frac{\sin^2 \alpha}{n^2}}$$

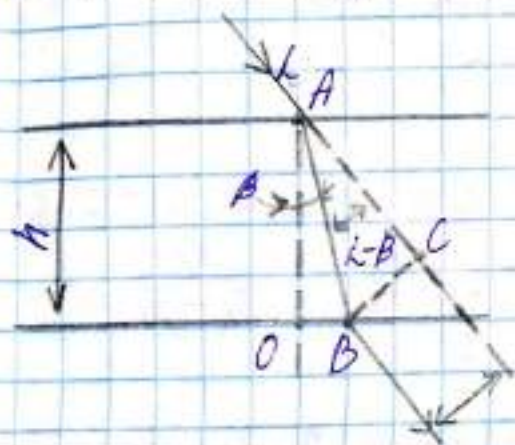
$$\text{Тогда } h = AB \cdot \cos \beta = \frac{d \cos \beta}{\sin \alpha \cos \beta - \cos \alpha \sin \beta} =$$

$$= \frac{d \cdot \sqrt{n^2 - \sin^2 \alpha}}{\sin \alpha (\sqrt{n^2 - \sin^2 \alpha} - \cos \alpha)}$$

$$= \frac{1,94 \cdot \sqrt{1,5^2 - (\sin 30^\circ)^2}}{\sin 30^\circ (\sqrt{1,5^2 - (\sin 30^\circ)^2} - \cos 30^\circ)} =$$

$$= \frac{2,73}{0,27} \approx 10 \text{ см} = 0,1 \text{ м}$$

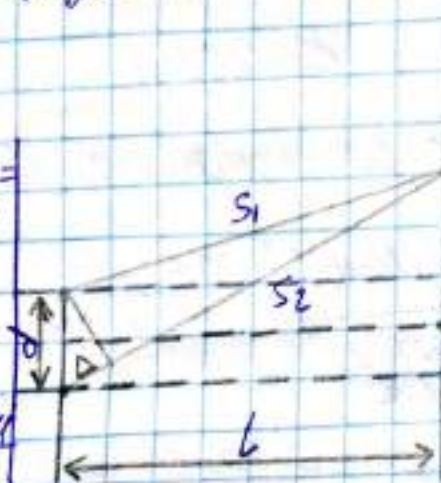
Ответ: $h = 0,1 \text{ м}$



413. Расстояние между двумя когерентными источниками $d = 0,9 \text{ мм}$. Источники, испускающие монохроматический свет с длиной волны $\lambda = 640 \text{ нм}$, расположены на расстоянии $L = 3,5 \text{ м}$ от экрана. Определите число светлых полос на 1 см ширины экрана.

Дано:

$$\begin{aligned} d &= 0,9 \text{ мм} = 9 \cdot 10^{-4} \text{ м} \\ \lambda &= 640 \text{ нм} = 6,4 \cdot 10^{-7} \text{ м} \\ L &= 3,5 \text{ м} \\ x &= 1 \text{ см} = 10^{-2} \text{ м} \\ K &=? \end{aligned}$$



Решение:

экран

Интенсивность в любой

точке экрана на расстоянии

x от точки O определяется

оптической разностью хода

$$\Delta = S_2 - S_1 \text{ из рисунка:}$$

$$S_2^2 = L^2 + \left(x + \frac{d}{2}\right)^2, \quad S_1^2 = L^2 + \left(x - \frac{d}{2}\right)^2$$

$$\text{Тогда } S_2^2 - S_1^2 = (S_2 - S_1) \cdot (S_2 + S_1) = 2dx \quad \text{или: } \Delta = S_2 - S_1 = \frac{2dx}{S_2 + S_1}$$

$$\text{Т.к. при } L \gg d \Rightarrow S_2 + S_1 = 2L, \text{ то } \Delta = \frac{2dx}{2L} = \frac{dx}{L}$$

Подставим значение Δ в условие максимума: $\Delta = K \cdot \lambda$ получим

$$K\lambda = \frac{dx}{L} \Rightarrow K = \frac{dx}{\lambda \cdot L} = \frac{9 \cdot 10^{-4} \text{ м} \cdot 10^{-2} \text{ м}}{6,4 \cdot 10^{-7} \text{ м} \cdot 3,5 \text{ м}} \approx 4, \text{ т.е. на 1 см}$$

ширины экрана уместится 4 светлых полосы

Ответ: $K = 4$

423. Установка для наблюдения колец Ньютона освещается нормально падающим монохроматическим светом длиной волны $0,62 \text{ мкм}$. Найти радиус кривизны линзы, если диаметр светлого кольца в отраженном свете равен $7,8 \text{ мм}$.

Дано:

Решение:

$$\lambda = 0,62 \text{ мкм}$$

$$d = 7,8 \text{ мм}$$

$$R = ?$$

Радиусы светлых колец Ньютона в отраженном свете:

$$r_k = \frac{d_k}{2} = \sqrt{(2k-1)\frac{\lambda}{2}R} \Rightarrow d_k = 2\sqrt{(2k-1)\frac{\lambda}{2}R} \Rightarrow$$

$$R = \frac{d_k^2}{2(2k-1)\lambda}$$

$$\text{При } k=1; R = \frac{(7,8 \cdot 10^{-3} \text{ м})^2}{2(2 \cdot 1 - 1) \cdot 0,62 \cdot 10^{-6} \text{ м}} = 49 \text{ м}$$

Ответ: $R = 49 \text{ м}$

433. Луч света проходит из воды в алмаз, так что луч, отраженный от границы раздела этих сред, называется максимально поляризован. Определите угол между падающим и преломленным лучами.

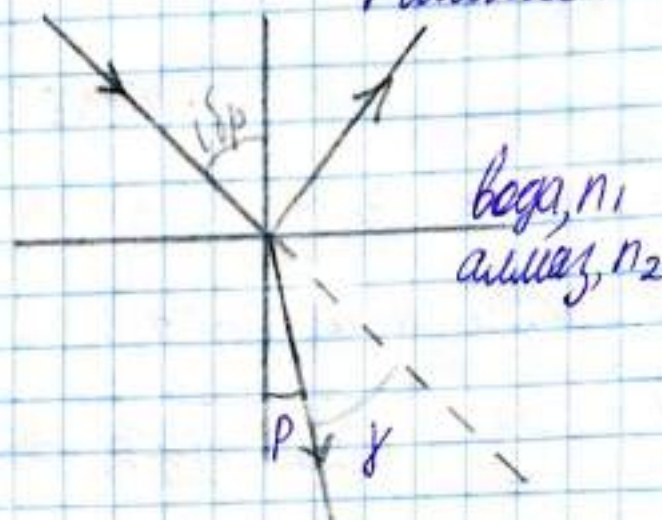
Дано:

$$n_1 = 1,33$$

$$n_2 = 2,42$$

$$\gamma = ?$$

Решение:



Из 3-го Бристера: $\operatorname{tg} i_{dp} = \frac{n_2}{n_1} \Rightarrow i_{dp} = \arctg \frac{n_2}{n_1} = \arctg 1,82 \approx 61,2^\circ$

И из закона преломления света: $\frac{\sin i_{dp}}{\sin \beta} = \frac{n_2}{n_1} \Rightarrow$

$$\Rightarrow \beta = \arcsin \left(\frac{n_1}{n_2} \cdot \sin i_{dp} \right) = \arcsin 0,48 \approx 28,7^\circ$$

Из рисунка видно, что $i_{dp} = \beta + \gamma$

$$\text{Тогда } \gamma = i_{dp} - \beta = 61,2^\circ - 28,7^\circ = 32,5^\circ$$

Ответ: $\gamma = 32,5^\circ$

443. Считая, что Солнце излучает как черное тело, вычислить, насколько уменьшается его масса за год вследствие излучения (в том числе в инфракрасном). Темп. поверхности Солнца приблизительно 5800 К.

Дано:

Решение:

$$t = 1 \text{ год}$$

Энергия солнечного излучения:

$$T = 5800 \text{ К}$$

$$W = \Delta m \cdot c^2 = N \cdot t \quad \text{где } t - \text{период времени}$$

$$\frac{\Delta M}{M} = ?$$

$$t = 31536000 \approx 3,15 \cdot 10^7 \text{ с} - \text{секунд в году}$$

$$\Delta M = ?$$

N - мощность излучения Солнца

$$N = 3,9 \cdot 10^{26} \text{ Вт}; \quad c = 3 \cdot 10^8 \text{ м/с} - \text{скорость света}$$

m - изменение массы за время t

$$\text{Тогда } \Delta m = \frac{N \cdot t}{c^2} = \frac{3,9 \cdot 10^{26} \text{ Вт} \cdot 3,15 \cdot 10^7 \text{ с}}{(3 \cdot 10^8 \text{ м/с})^2} = 1,37 \cdot 10^{17} \text{ кг}$$

$$\text{Масса Солнца: } M = 1,99 \cdot 10^{30} \text{ кг}$$

$$\frac{\Delta M}{M} = \frac{1,37 \cdot 10^{17} \text{ кг}}{1,99 \cdot 10^{30} \text{ кг}} = 0,69 \cdot 10^{-13} \quad \text{или } 0,69 \cdot 10^{-11} \%$$

$$\text{Ответ: } \Delta m = 1,37 \cdot 10^{17} \text{ кг}$$

$$\frac{\Delta M}{M} = 0,69 \cdot 10^{-11} \%$$

453. Свет с длиной волны $0,50 \text{ мкм}$ нормально падает на зеркальную поверхность и производит на нее давление 10 мкПа . Определить число фотонов, ежесекундно падающих на 1 см^2 этой поверхности.

Дано:

$$\lambda = 0,50 \text{ мкм}$$

$$p = 1$$

$$p = 10 \text{ мкПа}$$

$$S = 1 \text{ см}^2 = 10^{-4} \text{ м}^2$$

$$t = 1 \text{ с}$$

$$n = ?$$

Решение:

Т.к. свет падает нормально и поверхность зеркальная, то давление света:

$$p = \frac{E}{c} (1 + p) = \frac{2E}{c}$$

Число фотонов, падающих на поверхность S за время t : $n = \frac{W}{\epsilon}$, где

W - суммарная энергия всех фотонов $W = Est$

ϵ - энергия одного фотона $\epsilon = \frac{hc}{\lambda}$

$$\text{Тогда } n = \frac{Est \cdot \lambda}{2c} = \frac{p \cdot S \cdot t \cdot \lambda}{2h}$$

$$= \frac{10^{-5} \text{ Па} \cdot 10^{-4} \text{ м}^2 \cdot 1 \text{ с} \cdot 5 \cdot 10^{-7} \text{ м}}{6,63 \cdot 10^{-34} \text{ Дж} \cdot \text{с}} = 7,5 \cdot 10^{17}$$

Ответ: $n = 7,5 \cdot 10^{17}$

463. Найти длину волны де Бройля для: 1) электрона, летящего со скоростью 10^6 м/с; 2) атома водорода, движущегося со скоростью, равной средней квадратичной скорости при температуре 300 К; 3) шарика массой 1 г, движущегося со скоростью 1 см/с.

Дано:

Решение:

1) $m_e = 9,1 \cdot 10^{-31}$ кг	1) Т.к. скорость электрона $v = 10^6$ м/с
$v_1 = 10^6$ м/с	меньше со скоростью света, то используем
2) $m_H = 1,67 \cdot 10^{-27}$ кг	ф-у $\lambda = \frac{h}{mv} \sqrt{1 - \frac{v^2}{c^2}} = \frac{6,63 \cdot 10^{-34} \text{ Дж} \cdot \text{с}}{9,1 \cdot 10^{-31} \text{ кг} \cdot 10^6 \frac{\text{м}}{\text{с}}}$
$T_2 = 300 \text{ К}$	

3) $m = 10^{-3}$ кг	$\cdot \sqrt{1 - \left(\frac{10^6 \frac{\text{м}}{\text{с}}}{3 \cdot 10^8 \frac{\text{м}}{\text{с}}}\right)^2} \approx 2,4 \cdot 10^{-12} \text{ м}$
---------------------	--

$v_3 = 0,01$ м/с	2) Скорость атома водорода
$\lambda = ?$	$\sqrt{v_2^2} = \sqrt{\frac{3RT}{m}} = 2735 \text{ м/с}$ Т.к. $v_2 \ll c$,

то длину волны де Бройля атома водорода найдем по ф-ле: $\lambda = \frac{h}{mv} = \frac{6,63 \cdot 10^{-34} \text{ Дж} \cdot \text{с}}{1,67 \cdot 10^{-27} \text{ кг} \cdot 2735 \text{ м/с}} \approx 1,45 \cdot 10^{-10} \text{ м}$

3) Т.к. скорость шарика $v \ll c$, то длина волны де Бройля: $\lambda = \frac{h}{mv} = \frac{6,63 \cdot 10^{-34} \text{ Дж} \cdot \text{с}}{10^{-3} \text{ кг} \cdot 10^{-2} \text{ м/с}} = 6,63 \cdot 10^{-29} \text{ м}$

Ответ: 1) $\lambda \approx 2,4 \cdot 10^{-12} \text{ м}$; 2) $\lambda \approx 1,45 \cdot 10^{-10} \text{ м}$; 3) $\lambda = 6,63 \cdot 10^{-29} \text{ м}$

473. Время жизни возбужденного состояния атома в среднем $\Delta t \approx 10^{-8} \text{ с}$. Определить ширину спектральной линии, связанной с распадом этого состояния, если ей соответствует длины волны $\lambda = 4 \cdot 10^{-7} \text{ м}$.

Дано:

Решение:

$$\Delta t = 10^{-8} \text{ с} \quad \text{Из соотношения неопределенности}$$

$$\lambda = 400 \text{ нм} \quad \Delta E \cdot \Delta t = \frac{h}{2\pi} \quad (1)$$

$$\frac{\Delta \lambda}{\lambda} = ? \quad \text{При переходе со второго уровня на первый: } \Delta E = h \cdot (\nu_2 - \nu_1), \text{ где частоты}$$

$$\nu_1 = \frac{c}{\lambda_1} \quad \text{и} \quad \nu_2 = \frac{c}{\lambda_2}$$

$$\text{Тогда } \Delta E = h \cdot \left(\frac{c}{\lambda_2} - \frac{c}{\lambda_1} \right) = \frac{h \cdot c \cdot (\lambda_1 - \lambda_2)}{\lambda_1 \cdot \lambda_2} =$$

$$= \frac{hc \cdot \Delta \lambda}{\lambda_1 \cdot \lambda_2}$$

$$\text{Т.к. средняя длина волны } \lambda \approx \lambda_1 \approx \lambda_2, \text{ то } \Delta E = \frac{h \cdot c \cdot \Delta \lambda}{\lambda^2} \quad \text{подставим это в ф-лу (1)}$$

$$\text{получим } \frac{h \cdot c \cdot \Delta \lambda}{\lambda^2} \cdot \Delta t = \frac{h}{2\pi} \Rightarrow \frac{\Delta \lambda}{\lambda} = \frac{1}{2\pi \cdot c \cdot \Delta t} =$$

$$= \frac{4 \cdot 10^{-7} \text{ м}}{2 \cdot 3,14 \cdot 3 \cdot 10^8 \text{ м/с} \cdot 10^{-8} \text{ с}} \approx 2,1 \cdot 10^{-8}$$

$$\text{Ответ: } \frac{\Delta \lambda}{\lambda} = 2,1 \cdot 10^{-8}$$